

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ВЛАДИВОСТОКСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ООП.07 Математика

программы подготовки специалистов среднего звена

43.02.16 Туризм и гостеприимство

Форма обучения: очная

Находка 2024

Рабочая программа учебной дисциплины ООП.07 «Математика» разработана в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 43.02.16 Туризм и гостеприимство, утвержденного приказом Минпросвещения России от 12.12.2022 № 1100, примерной образовательной программой.

СОДЕРЖАНИЕ

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

3	ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА	12
4	УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА	19
5	КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА	21

1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

1.1 Область применения программы

Рабочая программа учебного предмета *ООП.07 Математика* является частью образовательной программы подготовки специалистов среднего звена, разработанной в соответствии с ФГОС СПО по специальности *18.02.12 Технология аналитического контроля химических соединений*.

1.2 Место предмета в структуре программы подготовки специалистов среднего звена

Учебный предмет *ООП.07 Математика* входит в раздел «Общеобразовательные предметы» общеобразовательного учебного цикла.

1.3 Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов
Объем образовательной программы учебного предмета	222
в том числе:	
- теоретическое обучение	78
- практические занятия	118
- самостоятельная работа	22
- консультации	
- промежуточная аттестация:	4
- экзамен	1
- дифференцированный зачет	

2 ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

В результате изучения предмета у обучающихся должны быть сформированы личностные, метапредметные и предметные результаты.

Личностные результаты

Освоение программы предмета сопровождается формированием у обучающихся личностных результатов:

гражданского воспитания:

умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

патриотического воспитания:

ценностное отношение к государственным символам, историческому и природному наследию, памятникам, традициям народов России, достижениям России в науке, искусстве, спорте, технологиях и труде;

духовно-нравственного воспитания:

способность оценивать ситуацию и принимать осознанные решения, ориентируясь на морально-нравственные нормы и ценности;

осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, труда и общественных отношений;

готовность к самовыражению в разных видах искусства, стремление проявлять качества

творческой личности;

физического воспитания:

сформированность здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью;

активное неприятие вредных привычек и иных форм причинения вреда физическому и психическому здоровью;

трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности мастерства, трудолюбие;

готовность к активной деятельности технологической и социальной направленности, способность инициировать, планировать и самостоятельно выполнять такую деятельность;

интерес к различным сферам профессиональной деятельности, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы;

готовность и способность к образованию и самообразованию на протяжении всей жизни;

экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем;

активное неприятие действий, приносящих вред окружающей среде;

умение прогнозировать неблагоприятные экологические последствия предпринимаемых действий, предотвращать их;

ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, способствующего осознанию своего места в поликультурном мире;

осознание ценности научной деятельности, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

Учитывая специфику предмета, личностные результаты в программе конкретизированы как:

Л1 - сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;

Л2 - понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;

Л3 - развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;

Л4 - овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;

Л5 - готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни;

Л6 - сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

Л7 - готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;

Л8 - готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других

видах деятельности;

Л9 - отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем.

Для формирования этих результатов у обучающихся формируются универсальные учебные действия:

- широкая мотивационная основа учебной деятельности, включающая социальные, учебно-познавательные и внешние мотивы;
- учебно-познавательный интерес к новому учебному материалу и способам решения новой задачи;
- ориентация на понимание причин успеха в учебной деятельности, в том числе на самоанализ и самоконтроль результата, на анализ соответствия результатов требованиям конкретной задачи;
- способность к самооценке на основе критериев успешности учебной деятельности;
- ориентация в нравственном содержании и смысле как собственных поступков, так и поступков окружающих людей;
- этических чувств — стыда, вины, совести как регуляторов морального поведения.

Формирование УУД проводится при помощи решения следующих типовых задач:

- обеспечение возможности самостоятельной постановки целей и задач в предметном обучении, проектной и учебно-исследовательской деятельности обучающихся;
- обеспечение возможности самостоятельного выбора обучающимися темпа, режимов и форм освоения предметного материала;
- обеспечение наличия в образовательной деятельности событий, требующих от обучающихся предъявления продуктов своей деятельности.

Метапредметные результаты

Освоение программы предмета сопровождается формированием у обучающихся метапредметных результатов:

1. Овладение универсальными учебными познавательными действиями:

а) базовые логические действия:

определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения;

вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности;

б) базовые исследовательские действия:

владеть навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем;

способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

формирование научного типа мышления, владение научной терминологией, ключевыми понятиями и методами;

выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения;

анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях;

уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;

уметь интегрировать знания из разных предметных областей;

выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения;

ставить проблемы и задачи, допускающие альтернативные решения;

в) работа с информацией:

владеть навыками получения информации из источников разных типов, самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления;

использовать средства информационных и коммуникационных технологий в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности.

2. Овладение универсальными коммуникативными действиями:

а) общение:

осуществлять коммуникации во всех сферах жизни;

распознавать невербальные средства общения, понимать значение социальных знаков, распознавать предпосылки конфликтных ситуаций и смягчать конфликты;

владеть различными способами общения и взаимодействия;

аргументированно вести диалог, уметь смягчать конфликтные ситуации;

развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств;

б) совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы;

принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы;

предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости;

координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;

осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.

3. Овладение универсальными регулятивными действиями:

а) самоорганизация:

самостоятельно осуществлять познавательную деятельность, выявлять проблемы, ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;

самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений;

делать осознанный выбор, аргументировать его, брать ответственность за решение;

оценивать приобретенный опыт;

способствовать формированию и проявлению широкой эрудиции в разных областях знаний, постоянно повышать свой образовательный и культурный уровень;

б) самоконтроль:

давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям;

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований;

использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения;

в) эмоциональный интеллект, предполагающий сформированность:

самосознания, включающего способность понимать свое эмоциональное состояние, видеть направления развития собственной эмоциональной сферы, быть уверенным в себе;

саморегулирования, включающего самоконтроль, умение принимать ответственность за свое поведение, способность адаптироваться к эмоциональным изменениям и проявлять гибкость, быть открытым новому;

внутренней мотивации, включающей стремление к достижению цели и успеху, оптимизм, инициативность, умение действовать, исходя из своих возможностей;

социальных навыков, включающих способность выстраивать отношения с другими

людьми, заботиться, проявлять интерес и разрешать конфликты;

г) принятие себя и других людей:

принимать себя, понимая свои недостатки и достоинства;

принимать мотивы и аргументы других людей при анализе результатов деятельности;

признавать свое право и право других людей на ошибки.

Учитывая специфику предмета, метапредметные результаты в программе конкретизированы как:

M1 - умение определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения;

M2 - умение вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности;

M3 - владение навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем;

M4 - способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

M5 - способность выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения;

M6 - способность анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях;

M7 - способность выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения, ставить проблемы и задачи, допускающие альтернативные решения;

M8 - владение навыками получения информации из источников разных типов, способность самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления;

M9 - способность осуществлять коммуникации во всех сферах жизни; аргументированно вести диалог, уметь смягчать конфликтные ситуации; развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств;

M10 - способность понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы; принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы; предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости; осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.

M11 - умение самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений;

M12 - способность давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям; владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований; использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения;

Для формирования этих результатов у обучающихся формируются универсальные учебные действия:

Регулятивные

- принимать и сохранять учебную задачу;

- учитывать выделенные преподавателем ориентиры действия в новом учебном материале в сотрудничестве с преподавателем;

- планировать свои действия в соответствии с поставленной задачей и условиями её реализации, в том числе во внутреннем плане;

- учитывать установленные правила в планировании и контроле способа решения;

осуществлять итоговый и пошаговый контроль по результату (в

работы в интерактивной среде пользоваться реакцией среды решения задачи);

- оценивать правильность выполнения действия на уровне адекватной ретроспективной оценки соответствия результатов требованиям данной задачи и задачной области;
- адекватно воспринимать предложения и оценку преподавателей, товарищей, родителей и других людей;
- различать способ и результат действия;
- вносить необходимые коррективы в действие после его завершения на основе его оценки и учёта характера сделанных ошибок, использовать предложения и оценки для создания нового, более совершенного результата, использовать запись (фиксацию) в цифровой форме хода и результатов решения задачи, собственной звучащей речи на русском, родном и иностранном языках.

Познавательные

- осуществлять поиск необходимой информации для выполнения учебных заданий с использованием учебной литературы, энциклопедий, справочников (включая электронные, цифровые), в открытом информационном пространстве, в том числе контролируемом пространстве Интернета;
- осуществлять запись (фиксацию) выборочной информации об окружающем мире и о себе самом, в том числе с помощью инструментов ИКТ;
- использовать знаково-символические средства, в том числе модели (включая виртуальные) и схемы (включая концептуальные) для решения задач;
- строить сообщения в устной и письменной форме;
- ориентироваться на разнообразие способов решения задач;
- основам смыслового восприятия художественных и познавательных текстов, выделять существенную информацию из сообщений разных видов (в первую очередь текстов);
- осуществлять анализ объектов с выделением существенных и несущественных признаков;
- осуществлять синтез как составление целого из частей;
- проводить сравнение, сериацию и классификацию по заданным критериям;
- устанавливать причинно-следственные связи в изучаемом круге явлений;
- строить рассуждения в форме связи простых суждений об объекте, его строении, свойствах и связях;
- обобщать, т. е. осуществлять генерализацию и выведение общности для целого ряда или класса единичных объектов на основе выделения сущностной связи;
- осуществлять поведение под понятие на основе распознавания объектов, выделения существенных признаков и их синтеза;
- устанавливать аналогии;
- владеть рядом общих приёмов решения задач.

Коммуникативные

- адекватно использовать коммуникативные, прежде всего речевые, средства для решения различных коммуникативных задач, строить монологическое высказывание (в том числе сопровождая его аудиовизуальной поддержкой), владеть диалогической формой коммуникации, используя в том числе средства и инструменты ИКТ и дистанционного общения;
- допускать возможность существования у людей различных точек зрения, в том числе не совпадающих с его собственной, и ориентироваться на позицию партнёра в общении и взаимодействии;
- учитывать разные мнения и стремиться к координации различных позиций в сотрудничестве;
- формулировать собственное мнение и позицию;
- договариваться и приходить к общему решению в совместной деятельности, в том числе в ситуации столкновения интересов;

- строить понятные для партнёра высказывания, учитывающие, что партнёр знает и видит, а что нет;
- задавать вопросы;
- контролировать действия партнёра;
- использовать речь для регуляции своего действия;
- адекватно использовать речевые средства для решения различных коммуникативных задач, строить монологическое высказывание, владеть диалогической формой речи.

Формирование УУД проводится при помощи решения следующих типовых задач:

- полидисциплинарные и метапредметные погружения и интенсивы;
- методологические и философские семинары;
- учебно-исследовательская работа обучающихся, которая предполагает выбор тематики исследования, связанной с новейшими достижениями в области науки и технологий;
- комплексные задачи, направленные на решение актуальных проблем, лежащих в ближайшем будущем обучающихся: выбор дальнейшей образовательной или рабочей траектории, определение жизненных стратегий и т.п.;
- получение предметных знаний в структурах, альтернативных образовательной организации: участие в дистанционных конкурсах и олимпиадах;
- самостоятельное освоение глав, разделов и тем учебного предмета;
- самостоятельное взаимодействие с источниками ресурсов: информационными источниками, фондами, представителями власти и т.п.;
- самостоятельное управление ресурсами, в том числе нематериальными;
- презентация результатов проектной работы на различных этапах ее реализации

Предметные результаты

Требования к предметным результатам освоения базового курса учебного предмета *ООП.07 Математика*:

П1- владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

П2 - умение оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений;

П3 - умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;

П4 - умение оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; умение находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения;

П5 - умение оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;

П6 - умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;

П7 - умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;

П8 - умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;

П9 - умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира;

П10 - умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники;

П11 - умение оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;

П12 - умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;

П13 - умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;

П14 - умение выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.

3 ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем в часах	Коды результата в освоения ООП
1	2	3	4
Раздел 1. Алгебра.		112	
Тема 1.1. Введение.	Содержание учебного материала	2	Л1, М6, М8, М11, П2, П14
	1 Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики при освоении профессий СПО и специальностей СПО.		
Тема 1.2. Развитие понятия о числе.	Содержание учебного материала	2	Л1, Л4, П2
	1 Целые и рациональные числа. Действительные числа. Приближенные вычисления. Формулы сокращенного умножения.		
	Практические занятия	4	Л4, М11, П3
	1 Арифметические действия над числами, нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной), сравнение числовых выражений.		
2 Преобразование рациональных выражений. Применение формул сокращенного умножения. Решение рациональных уравнений и неравенств.	4	Л4, М11, П3	
Тема 1.3. Функции и графики.	Содержание учебного материала	6	Л3, М1
	1 Функции. Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами. Свойства функции. Монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность. Способы задания функции. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Арифметические операции над функциями. Понятие о непрерывности функции. Сложная функция (композиция).		

		Обратные функции. Область определения и область значений обратной функции. График обратной функции. Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой $y = x$, растяжение и сжатие вдоль осей координат.		
	Практические занятия			
	1	Примеры зависимостей между переменными в реальных процессах из смежных дисциплин. Определение функций. Построение и чтение графиков функций. Исследование функции. Свойства линейной, квадратичной, кусочно-линейной и дробно-линейной функций. Непрерывные и периодические функции. Преобразования графика функции. Гармонические колебания. Прикладные задачи.	10	Л7, М3, М11, П4
Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы.	Содержание учебного материала			
	1	Корни и степени. Корни натуральной степени из числа и их свойства. Иррациональные уравнения. Степени с рациональными показателями, их свойства. Степени с действительными показателями. Свойства степени с действительным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства. Логарифм. Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами. Переход к новому основанию. Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства.	10	Л4, П1, П2
	Практические занятия			
	1	Вычисление и сравнение корней. Выполнение расчетов с радикалами. Решение иррациональных уравнений.	2	Л4, М2, М7, П5, П6
	2	Нахождение значений степеней с рациональными показателями. Сравнение степеней. Преобразования выражений, содержащих степени. Решение показательных уравнений и неравенств.	4	Л4, М2, М7, П5, П6
3	Нахождение значений логарифма по произвольному основанию. Переход от одного основания логарифма к другому. Сравнение логарифмов. Логарифмирование и потенцирование выражений. Решение логарифмических уравнений и неравенств.	4	Л4, М2, М7, П5, П6	

Тема 1.5. Основы тригонометрии	Содержание учебного материала			
	1	<p>Радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс и котангенс угла. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям.</p> <p>Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения. Формулы сложения. Формулы двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Преобразования простейших тригонометрических выражений.</p> <p>Тригонометрические функции, их свойства и графики. Область определения и множество значений тригонометрических функций. Обратные тригонометрические функции. Арксинус, арккосинус, арктангенс и арккотангенс. Простейшие тригонометрические уравнения.</p> <p>Решение тригонометрических уравнений основных типов.</p> <p>Простейшие тригонометрические неравенства.</p>	8	М9, П1
	Практические занятия			
	1	<p>Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой.</p> <p>Применение формул для преобразования тригонометрических выражений.</p> <p>Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства. Решение тригонометрических уравнений и неравенств.</p>	12	Л8, М7, П5
Тема 1.6. Начала математического анализа. Производная и её применение.	Содержание учебного материала			
	1	<p>Последовательности. Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Суммирование последовательностей.</p> <p>Производная. Понятие о производной функции, ее геометрический и физический смысл. Уравнение касательной к графику функции. Производные суммы, разности, произведения, частного. Производные основных элементарных функций. Производная сложной функции. Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Возрастание и убывание функций, соответствие возрастания и убывания функций знаку производной.</p>	6	Л2, П1, П4
	Практические занятия			

	1	Числовая последовательность, способы ее задания, вычисления членов последовательности. Нахождение предела последовательности. Правила и формулы дифференцирования, таблица производных элементарных функций. Механический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной в общем виде. Исследование функции с помощью производной. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции.	12	M2, M11, П14
Тема 1.7. Интеграл и его применение.	Содержание учебного материала		4	Л6, П14
	1	Первообразная и интеграл. Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. Формула Ньютона—Лейбница. Применения интеграла в физике и геометрии.		
	Практические занятия		16	M11,П14
	1	Интеграл и первообразная. Нахождение первообразной и вычисление определённого интеграла. Применение интеграла для вычисления физических величин и площадей фигур.		
Самостоятельная работа. Работа с учебной и справочной литературой, работа с конспектом лекций, решение упражнений по образцу, подготовка рефератов и сообщений.		6	Л5, M11, П14	
Раздел 2. Комбинаторика, статистика и теория вероятностей.			20	
Тема 2.1.Комбинаторика	Содержание учебного материала		4	Л1, П14
	1	Основные понятия комбинаторики. Подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля.		
	Практические занятия		6	Л9,М7, M11,П8
1	Правила комбинаторики. Решение комбинаторных задач. Размещения, сочетания и перестановки. Бином Ньютона и треугольник Паскаля. Прикладные задачи.			
Содержание учебного материала				

Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики.	1	Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий. Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел. Представление данных (таблицы, диаграммы, графики), генеральная совокупность, выборка, среднее арифметическое, медиана. Понятие о задачах математической статистики.	4	М8, П1, П7, П8
	Практические занятия		6	Л9, М2, П8, П14, П7
	1	Классическое определение вероятности, свойства вероятностей, теорема о сумме вероятностей. Вычисление вероятностей. Представление числовых данных. Прикладные задачи.		
Раздел 3. Геометрия.			86	
Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве.	Содержание учебного материала		10	Л3, М5, М9, П9, П14
	1	Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная. Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей. Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости. Параллельное проектирование. Площадь ортогональной проекции. Изображение пространственных фигур.		
	Практические занятия		14	Л3, М2, М5, П1, П10, П14
1	Взаимное расположения прямых. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых и плоскостей. Перпендикуляр и наклонная к плоскости. Угол между прямой и плоскостью. Теоремы о взаимном расположении прямой и плоскости. Теорема о трех перпендикулярах. Признаки и свойства параллельных и перпендикулярных плоскостей. Расстояние от точки до плоскости, от прямой до плоскости, расстояние между плоскостями, между скрещивающимися прямыми. Параллельное проектирование и его свойства. Теорема о площади ортогональной проекции многоугольника.			

	Самостоятельная работа. Работа с учебной и справочной литературой, работа с конспектом лекций, решение упражнений по образцу, подготовка рефератов и сообщений.	6	Л3, Л5, М2, П1, П10, П14
Тема 3.2. Координаты и векторы.	Содержание учебного материала	8	Л3, М4, П13
	1 Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Формула расстояния между двумя точками. Уравнения сферы, плоскости и прямой. Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов.		
	Практические занятия	10	Л3, М12, П14, П13
	1 Векторы. Действия с векторами. Декартова система координат в пространстве. Уравнение окружности, сферы, плоскости. Расстояние между точками. Действия с векторами, заданными координатами. Скалярное произведение векторов. Векторное уравнение прямой и плоскости. Использование векторов при доказательстве теорем стереометрии.		
	Самостоятельная работа. Работа с учебной и справочной литературой, работа с конспектом лекций, решение упражнений по образцу, подготовка рефератов и сообщений.	4	Л3, Л5, М12, П14
Тема 3.3. Многогранники и круглые тела.	Содержание учебного материала	14	Л1, М4, П1, П10, П11
	1 Многогранные углы. Выпуклые многогранники. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб. Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр. Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и в пирамиде. Сечения куба, призмы и пирамиды. Представление о правильных многогранниках. Цилиндр и конус. Усеченный конус. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию. Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере. Объем и его измерение. Интегральная формула объема. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса. Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы. Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел..		
	Практические занятия		

	1	Различные виды многогранников. Их изображения, сечения и развертки. Симметрия тел вращения и многогранников. Вычисление площадей и объемов.	14	Л4, М7, М10, П11, П12, П14
		Самостоятельная работа. Работа с учебной и справочной литературой, работа с конспектом лекций, решение упражнений по образцу, подготовка рефератов и сообщений.	6	Л4, П11, П12, П14
Консультации				
Промежуточная аттестация (экзамен)			2	
			Всего:	222

4 УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

4.1 Материально-техническое обеспечение

Для реализации программы учебного предмета предусмотрено наличие следующих специальных помещений:

Кабинет математики

Основное оборудование: Доска подкатная; Мультимедийный комплект (проектор Casio XJ-V2, экран Lumien Eco Picture); Парты ученическая двойная; Стол преподавателя; Стул.

Программное обеспечение: 1. Microsoft Windows 7 Profession 2. Microsoft Office ProPlus 2010 Russian Acdmc 3. СПС КонсультантЮрист: Версия Проф 3. СПС КонсультантЮрист: Версия Проф . 4. Google Chrome . 5. Adobe Acrobat Reader. 6. Adobe Flash Player.

4.2 Информационное обеспечение реализации программы

Для реализации программы учебного предмета библиотечный фонд ВВГУ укомплектован печатными и электронными изданиями.

Обучающиеся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья обеспечены печатными и электронными образовательными ресурсами в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья.

Основная литература

1. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа 10-11 классы (базовый и углубленный уровни) : учебник / Ш. А. Алимов, Ю. М. Колягин, М. В. Ткачёва [и др.]. — 11-е изд., стер. — Москва : Просвещение, 2023. — 463, [1] с. : ил. - ISBN 978-5-09-107210-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2089825>

2. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия. 10-11 класс. Базовый и углубленный уровни : учебник / Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б. Кадомцев [и др.]. — 11-е изд., стер. — Москва : Просвещение, 2023. — 287, [1] с. : ил. — (МГУ — школе). - ISBN 978-5-09-103606-0. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2089980>

3. Богомолов, Н. В. Алгебра и начала анализа: учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 240 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-09525-8. — Текст: электронный. — URL: <https://urait.ru/bcode/469825>

4. Седых, И.Ю. Математика: учебник и практикум для среднего профессионального образования / И. Ю. Седых, Ю. Б. Гребенщиков, А.Ю.Шевелев.— Москва: Издательство Юрайт, 2021. — 443 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-9916-5914-7. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/469860>.

5. Сизый С.В. Лекции по аналитической геометрии: учебное пособие / С. В. Сизый. - Москва : Физматлит, 2021. - 254 с. - ISBN 978-5-9221-1925-2. - Текст : электронный.- URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=687742>

Дополнительная литература

1. Гисин В.Б., Кремер Н.Ш.. Математика. Практикум: учебное пособие для вузов/ В.Б. Гисин, Н. Ш. Кремер. - Москва: Издательство Юрайт, 2023. - 204 с. - (Высшее образование). - ISBN 978-5-9916-8785-0. - Текст: электронный. - URL: <https://urait.ru/bcode/511699>.

2. Кремер Н.Ш.. Математика для колледжей: учебное пособие для СПО/ Н. Ш. Кремер. — 11-е изд. - Москва: Издательство Юрайт, 2023. - 362 с.: ил. - (Профессиональное образование). - ISBN 978-5-534-15601-0. - Текст: электронный. - URL: <https://urait.ru/bcode/511283>

3. Павлюченко, Ю. В. Математика : учебник и практикум для среднего профессионального образования / Ю. В. Павлюченко, Н. Ш. Хассан ; под общей редакцией Ю. В. Павлюченко. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 238 с. —

(Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-01261-3. URL: <https://urait.ru/bcode/489875>.

Электронные ресурсы

1. www.newlibrary.ru - новая электронная библиотека
2. www.edu.ru - федеральный портал российского образования
3. <http://window.edu.ru/> - единое окно доступа к информационным ресурсам
4. www.fcior.edu.ru (Информационные, тренировочные и контрольные материалы)
5. www.school-collection.edu.ru (Единая коллекции цифровых образовательных ресурсов).

5 КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Контроль и оценка сформированности личностных, метапредметных и предметных результатов осуществляются в соответствии со следующими показателями:

Результаты обучения	Основные показатели оценки результата	
	Тема	Оценочное средство
Личностные		
Л1 - сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики	Тема 1.1. Введение Тема 1.2. Развитие понятия о числе Тема 2.1. Комбинаторика Тема 3.3. Многогранники и круглые тела	устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1)
Л2 - понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей	Тема 1.6. Начала математического анализа. Производная и её применение	устный опрос (п.5.1)
Л3 - развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования	Тема 1.3. Функции и графики Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве Тема 3.2. Координаты и векторы	устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)
Л4- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно- научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки	Тема 1.2. Развитие понятия о числе Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы Тема 3.3. Многогранники и круглые тела	устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1-2 (самостоятельная работа) устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1-3 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)
Л5 - готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни	Тема 1.7. Интеграл и его применение Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве Тема 3.2. Координаты и векторы	устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1)
Л6 - сознательное отношение к непрерывному образованию как	Тема 1.7. Интеграл и его применение	устный опрос (п.5.1)

условию успешной профессиональной и общественной деятельности		
Л7 - готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности	Тема 1.3. Функции и графики	Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)
Л8 - готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности	Тема 1.5. Основы тригонометрии	Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)
Л9 - отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных общенациональных проблем	Тема 2.1. Комбинаторика Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики	Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)
Метапредметные		
М1 - умение определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения	Тема 1.3. Функции и графики	устный опрос (п.5.1)
М2 - умение вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности	Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы Тема 1.6. Начала математического анализа. Производная и её применение Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве	Практическое занятие № 1-3 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)
М3 - владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем	Тема 1.3. Функции и графики	Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)
М4 - способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания	Тема 3.2. Координаты и векторы Тема 3.3. Многогранники и круглые тела	устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1)
М5 - способность выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения,	Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве	устный опрос (п.5.1)

находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения		
М6 - способность анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях	Тема 1.1. Введение	устный опрос (п.5.1)
М7 - способность выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения, ставить проблемы и задачи, допускающие альтернативные решения	Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы Тема 1.5. Основы тригонометрии Тема 2.1. Комбинаторика Тема 3.3. Многогранники и круглые тела	Практическое занятие № 1-3 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)
М8 - владение навыками получения информации из источников разных типов, способность самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления	Тема 1.1. Введение Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики	устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1)
М9 - способность осуществлять коммуникации во всех сферах жизни, аргументированно вести диалог, уметь смягчать конфликтные ситуации, развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств	Тема 1.5. Основы тригонометрии Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве	устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1)
М10 - способность понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы; принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты	Тема 3.3. Многогранники и круглые тела	Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)

<p>совместной работы; предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости; осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.</p>		
<p>М11 - умение самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений</p>	<p>Тема 1.1. Введение Тема 1.2. Развитие понятия о числе Тема 1.3. Функции и графики Тема 1.6. Начала математического анализа. Производная и её применение Тема 1.7. Интеграл и его применение Тема 2.1. Комбинаторика</p>	<p>устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1-2 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p>
<p>М12 - способность давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям; владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий мыслительных процессов, их результатов и оснований; использование приемов рефлексии для оценки ситуации,</p>	<p>Тема 3.2. Координаты и векторы</p>	<p>Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p>
<p>Предметные</p>		
<p>П1 - владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач</p>	<p>Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы Тема 1.5. Основы тригонометрии Тема 1.6. Начала математического анализа. Производная и её применение Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики</p>	<p>устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1) устный опрос (п.5.1)</p>

	<p>Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве</p> <p>Тема 3.3. Многогранники и круглые тела</p>	<p>Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p> <p>устный опрос (п.5.1)</p>
<p>П2 - умение оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений</p>	<p>Тема 1.1. Введение</p> <p>Тема 1.2. Развитие понятия о числе</p> <p>Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы</p>	<p>устный опрос (п.5.1)</p> <p>устный опрос (п.5.1)</p> <p>устный опрос (п.5.1)</p>
<p>П3 - умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы</p>	<p>Тема 1.2. Развитие понятия о числе</p>	<p>Практическое занятие № 1-2 (самостоятельная работа)</p>
<p>П4 - умение оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; умение находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения</p>	<p>Тема 1.3. Функции и графики</p> <p>Тема 1.6. Начала математического анализа. Производная и её применение.</p>	<p>Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа, творческое задание)</p> <p>устный опрос (п.5.1)</p>
<p>П5 - умение оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и</p>	<p>Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы</p> <p>Тема 1.5. Основы тригонометрии</p>	<p>Практическое занятие № 1-3 (самостоятельная работа)</p> <p>Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p>

зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами		
П6 - умение решать текстовые задачи разных типов; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов	Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы	Практическое занятие № 1-3 (самостоятельная работа)
П7 - умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств	Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики	устный опрос (п.5.1) Практическое занятие №1 (самостоятельная работа)
П8 - умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях	Тема 2.1. Комбинаторика Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики	Практическое занятие №1 (самостоятельная работа) устный опрос (п.5.1) Практическое занятие №1 (самостоятельная работа)
П9 - умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые,	Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве	устный опрос (п.5.1)

<p>параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира</p>		
<p>П10 - умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники</p>	<p>Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве Тема 3.3. Многогранники и круглые тела</p>	<p>Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа) устный опрос (п.5.1)</p>
<p>П11 - умение оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач</p>	<p>Тема 3.3. Многогранники и круглые тела</p>	<p>устный опрос (п.5.1) Практическое занятие №1 (самостоятельная работа)</p>
<p>П12 - умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы</p>	<p>Тема 3.3. Многогранники и круглые тела</p>	<p>Практическое занятие №1 (самостоятельная работа)</p>

<p>П13 - умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками</p>	<p>Тема 3.2. Координаты и векторы</p>	<p>устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p>
<p>П14 - умение выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки</p>	<p>Тема 1.1. Введение Тема 1.6. Начала математического анализа. Производная и её применение. Тема 1.7. Интеграл и его применение</p> <p>Тема 2.1. Комбинаторика Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве</p> <p>Тема 3.2. Координаты и векторы</p> <p>Тема 3.3. Многогранники и круглые тела</p>	<p>устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p> <p>устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p> <p>устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p> <p>устный опрос (п.5.1) Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p> <p>Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p> <p>Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p> <p>Практическое занятие № 1 (самостоятельная работа)</p>

Для оценки достижения запланированных результатов обучения по предмету разработаны контрольно-оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, которые прилагаются к рабочей программе предмета.

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ВЛАДИВОСТОКСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации
по учебному предмету

ООП.07 Математика

программы подготовки специалистов среднего звена

18.02.12 Технология аналитического контроля химических соединений

Форма обучения: *очная*

Находка 2024

1 Общие сведения

Фонд оценочных средств (далее - ФОС) предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся по программе учебного предмета *ООП.07* Математика.

ФОС включают в себя контрольные материалы для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по предмету, которая проводится в форме экзамена (с использованием оценочного средства - устный опрос в форме ответов на вопросы билетов, выполнение письменных заданий)

2 Планируемые результаты обучения по предмету, обеспечивающие результаты освоения образовательной программы

Код результата обучения ¹	Наименование результата обучения ¹
Л1	сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики
Л2	понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей
Л3	развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования
Л4	овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно- научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки
Л5	готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни
Л6	сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности
Л7	готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности
Л8	готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно-полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности
Л9	отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем
М1	умение определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения
М2	умение вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности
М3	владение навыками познавательной, учебно- исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем
М4	способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания
М5	способность выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения
М6	способность анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях
М7	способность выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения, ставить проблемы и задачи, допускающие альтернативные решения

Код результата обучения ¹	Наименование результата обучения ¹
M8	владение навыками получения информации из источников разных типов, способность самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления
M9	способность осуществлять коммуникации во всех сферах жизни, аргументированно вести диалог, уметь смягчать конфликтные ситуации, развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств
M10	способность понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы; принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы; предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости; осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.
M11	умение самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений
M12	способность давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям; владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований; использование приемов рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения
П1	владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач
П2	умение оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений
П3	умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы
П4	умение оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; умение находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения
П5	умение оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами
П6	умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов
П7	умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать

Код результата обучения ¹	Наименование результата обучения ¹
	статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств
П8	умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях
П9	умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира
П10	умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники
П11	умение оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач
П12	умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы
П13	умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками
П14	умение выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки

3 Соответствие оценочных средств контролируемым результатам обучения

3.1 Средства, применяемые для оценки уровня теоретической подготовки

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель ² овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС ³	
			Текущий контроль ⁴	Промежуточная аттестация ⁴
Раздел 1. Алгебра.				
Тема 1.1 Введение	П14	Способность перечислить области применения математики в реальной жизни, назвать основных ученых-математиков и их вклад в науку	<i>Устный опрос (п. 5.1)</i>	
	П2	Способность перечислить основные математические понятия, объяснить каждое из них, связать эти понятия с реальными явлениями		
	М6	Способность анализировать ранее полученный опыт, объяснить свою точку зрения		
	М11	Способность классифицировать свои знания		
	М8	Способность анализировать, обобщать и делать выводы, опираясь на знания из различных предметных областей		
	Л1	Способность объяснить явление окружающего мира математическим языком		
Тема 1.2. Развитие понятия о числе	П2	Способность определить основные числовые множества, упорядочить их. Способность объяснить наличие множества числовых систем.	<i>Устный опрос (п.5.1, вопросы 1-3)</i>	<i>Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, задания 1-3) Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2)</i>
	Л1	Способность объяснить явление окружающего мира математическим языком		
	Л4	Способность обнаруживать связи между дисциплинами, использовать математические приемы при решении задач из других наук и в повседневной жизни		
Тема 1.3. Функции и графики	М1	Способность составлять план деятельности	<i>Устный опрос (п.5.1, вопросы 4-8)</i>	<i>Вопросы для экзамена (п. 6.1) Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, в.4-6)</i>
	Л3	Способность исследовать явление и делать выводы о полученных закономерностях		
Тема 1.4. Корни,	П1	Способность сформулировать доказательство решения,	<i>Устный опрос (п.5.1, вопросы</i>	<i>Вопросы для</i>

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель ² овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС ³	
			Текущий контроль ⁴	Промежуточная аттестация ⁴
степени и логарифмы		предоставить аргументы	9-34)	экзамена (п. 6.1) Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, з.7-11) Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задания 8, 11, 12, 13)
	Л4	Способность обнаруживать связи между дисциплинами, использовать математические приемы при решении задач из других наук и в повседневной жизни		
	П2	Способность свободно оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа		
Тема 1.5. Основы тригонометрии	П1	Способность сформулировать доказательство решения, предоставить аргументы	Устный опрос (п.5.1, вопросы 35-57)	Вопросы для экзамена (п. 6.1)
	М9	Способность объяснить свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства		
Тема 1.6. Начала Математического анализа. Производная и её применение	П1	Способность сформулировать доказательство решения, предоставить аргументы	Устный опрос (п.5.1, вопросы 58-65)	Вопросы для экзамена (п. 6.1) Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задания 1-5, 10)
	Л2	Способность проанализировать историю развития математики и соотнести её с научно-техническим прогрессом		
	П4	Способность применять производную при решении задач		
Тема 1.7. Интеграл и его применение	П14	Способность анализировать полученные знания и использовать их для описания реальных зависимостей	Устный опрос (п.5.1, вопросы 66-73)	Вопросы для экзамена (п. 6.1) Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задания 6, 9)
	Л6	Способность поддерживать интерес к деятельности		
Раздел 2. Комбинаторика, статистика и теория вероятностей.				
Тема 2.1. Комбинаторика	П14	Способность перечислить области применения математики в реальной жизни, назвать основных ученых-математиков и их вклад в науку	Устный опрос(п.5.1, вопросы 74-86)	Вопросы для экзамена (п. 6.1)
	Л1	Способность объяснить явление окружающего мира математическим языком		
Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики	П1	Способность перечислить основные математические понятия, объяснить каждое из них, связать эти понятия с реальными явлениями. Способность сформулировать доказательство решения, предоставить аргументы	Устный опрос (п.5.1, вопросы	Вопросы для
	П7	Способность оперировать математическими понятиями:		

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель ² овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС ³	
			Текущий контроль ⁴	Промежуточная аттестация ⁴
		среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора	87-101)	экзамена (п. 6.1)
	П8	Способность оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события		
	М8	Способность анализировать, классифицировать, упорядочивать, оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников		
Раздел 3. Геометрия.				
Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве	П14	Способность перечислить области применения математики в реальной жизни, назвать основных ученых-математиков и их вклад в науку	Устный опрос (п.5.1, вопросы 102-121)	Вопросы для экзамена (п. 6.1) Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, з.12) Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задание 7)
	П9	Способность оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями		
	М9	Способность объяснить свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства		
	Л3	Способность сделать чертеж к заданию, сгруппировать несколько геометрических фигур, сравнивать полученные результаты с поставленной задачей		
	М5	Способность выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения		
Тема 3.2.	П13	Способность оперировать	Устный опрос	Вопросы для

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель ² овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС ³	
			Текущий контроль ⁴	Промежуточная аттестация ⁴
Координаты и векторы		понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число	<i>(п.5.1, вопросы 122-134)</i>	<i>экзамена (п. 6.1) Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, з.13)</i>
	М4	Способность планировать самостоятельный поиск методов решения практических задач		
	Л3	Способность сделать чертеж к заданию, сгруппировать несколько геометрических фигур, сравнивать полученные результаты с поставленной задачей		
Тема 3.3. Многогранники и круглые тела.	П10	Способность перечислять основные понятия о плоских и пространственных фигурах, описывать их свойства	<i>Устный опрос (п.5.1, вопросы 135-201)</i>	<i>Вопросы для экзамена (п. 6.1)</i>
	П1	Способность сформулировать доказательство решения, предоставить аргументы		
	П11	Способность оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач		
	М4	Способность планировать самостоятельный поиск методов решения практических задач		
	Л1	Способность объяснить явление окружающего мира математическим языком		

3.2 Средства, применяемые для оценки уровня практической подготовки

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
Раздел 1. Алгебра.				
Тема 1.2. Развитие понятия о числе. Практическое занятие № 1-2	ПЗ	Способность применять стандартные приемы решения рациональных, иррациональных, показательных, степенных уравнений и неравенств	<i>Самостоятельная работа №1 (п.5.2, варианты 1-2)</i>	<i>Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, задания 1-3) Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задание 13)</i>
	М11	Способность выбирать оптимальные пути решения		
	Л4	Способность обнаруживать связи между дисциплинами, использовать математические приемы при решении задач из других наук и в повседневной жизни		
Тема 1.3. Функции и графики. Практическое занятие № 1	П4	Способность строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа	<i>Самостоятельная работа №2 (п.5.2, варианты 1-2)</i>	<i>Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, задания 4-6)</i>
	МЗ	Способность осуществлять познавательную, учебно-исследовательскую и проектную деятельность		
	М11	Способность классифицировать свои знания		
	Л7	Способность планировать самостоятельную деятельность		
Тема 1.4. Корни, степени и логарифмы Практическое занятие №1-3	Л4	Способность обнаруживать связи между дисциплинами, использовать математические приемы при решении задач из других наук и в повседневной жизни	<i>Самостоятельная работа №3 (п.5.2, варианты 1-2)</i>	<i>Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, задания 7-11)</i>
	М2	Способность осуществлять, контролировать и корректировать свою деятельность		
	М7	Способность выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения, ставить проблемы и задачи, допускающие альтернативные решения		
	П5	Способность применять стандартные приемы решения рациональных, иррациональных, показательных, степенных уравнений и неравенств		

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
	П6	Способность составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов		<i>Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задания 8, 11, 12, 13)</i>
Тема 1.5. Основы тригонометрии Практическое занятие № 1	П5	Способность применять стандартные приемы решения рациональных, иррациональных, показательных, степенных уравнений и неравенств	<i>Самостоятельная работа №4(п.5.2, варианты 1-2)</i>	<i>Вопросы для экзамена (п. 6.1)</i>
	М7	Способность выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения, ставить проблемы и задачи, допускающие альтернативные решения		
	Л8	Способность обсуждать, исследовать явления в процессе коллективной работы. Способность организовывать деятельность в сотрудничестве со сверстниками		
Тема 1.6. Начала Математического анализа. Производная и её применение. Практическое занятие № 1	П14	Способность анализировать полученные знания и использовать их для описания реальных зависимостей	<i>Самостоятельная работа №5(п.5.2, варианты 1-2)</i>	<i>Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задания 1-5, 10)</i>
	М2	Способность осуществлять, контролировать и корректировать свою деятельность		
	М11	Способность выбирать оптимальные пути решения		
Тема 1.7. Интеграл и его применение. Практическое занятие № 1	П14	Способность анализировать полученные знания и использовать их для описания реальных зависимостей	<i>Самостоятельная работа №6 (п.5.2, варианты 1-2)</i>	<i>Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задания 6,9)</i>
	Л5	Способность работать с учебной литературой, решать упражнения по образцу		
	М11	Способность выбирать оптимальные пути решения		
Раздел 2. Комбинаторика, статистика и теория вероятностей.				
Тема 2.1. Комбинаторика. Практическое занятие № 1	П8	Способность описывать процессы и явления, имеющие вероятностный характер, выявлять статистические закономерности в реальном мире	<i>Самостоятельная работа №7</i>	<i>Вопросы для</i>
	М11	Способность выбирать оптимальные пути решения		

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
	Л9	Способность применять полученные знания в решении проблем	<i>(п.5.2, варианты 1-2)</i>	<i>экзамена (п. 6.1)</i>
	М7	Способность выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения, ставить проблемы и задачи, допускающие альтернативные решения		
Тема 2.2. Элементы теории вероятностей и математической статистики. Практическое занятие № 1	П8	Способность описывать процессы и явления, имеющие вероятностный характер, выявлять статистические закономерности в реальном мире	<i>Самостоятельная работа №8(п.5.2, варианты 1-2)</i>	<i>Вопросы для экзамена (п. 6.1)</i>
	П14	Способность определять и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях		
	П7	Способность оперировать математическими понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора		
	М2	Способность осуществлять, контролировать и корректировать свою деятельность		
	Л9	Способность применять полученные знания в решении проблем		
Раздел 3. Геометрия.				
Тема 3.1. Прямые и плоскости в пространстве. Практическое занятие № 1	П1	Способность сформулировать доказательство решения, предоставить аргументы		
	П10	Способность перечислять основные понятия о плоских и пространственных фигурах, описывать их свойства		
	П14	Способность применять изученные свойства геометрических фигур и формулы в реальных жизненных ситуациях		
	М5	Способность выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих		

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
		утверждений, задавать параметры и критерии решения	№9(п.5.2, варианты 1-2)	Разноуровневые задачи и задания (п.6.3, вариант 1-2, задание 7)
	M2	Способность осуществлять, контролировать и корректировать свою деятельность		
	L3	Способность сделать чертеж к заданию, сгруппировать несколько геометрических фигур, сравнивать полученные результаты с поставленной задачей		
	L5	Способность работать с учебной литературой, решать упражнения по образцу		
Тема 3.2. Координаты и векторы Практическое занятие № 1	П14	Способность распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях, в реальном мире.	Самостоятельная работа №10(п.5.2, варианты 1-2)	Контрольная работа (п.6.2, вариант 1-2, задание 13)
		Способность применять изученные свойства геометрических фигур и формулы в реальных жизненных ситуациях		
	P13	Способность оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число		
	M12	Способность демонстрировать целеустремленность в поисках и принятии решений, развитость пространственных представлений		
	L3	Способность сделать чертеж к заданию, сгруппировать несколько геометрических фигур, сравнивать полученные результаты с поставленной задачей		
L5	Способность работать с учебной литературой, решать упражнения по образцу			
	P14	Способность распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях, в реальном мире.	Самостоятельная работа	Вопросы для экзамена (п. 6.1)
	P12	Способность применять изученные свойства геометрических фигур и		

Краткое наименование раздела (модуля) / темы предмета	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
Тема 3.3. Многогранники и круглые тела. Практическое занятие № 1		формулы в реальных жизненных ситуациях	№11(п.5.2, варианты 1-2)	
	П11	Способность оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач		
	М7	Способность выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения, ставить проблемы и задачи, допускающие альтернативные решения		
	М10	Способность понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы, составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы		
	Л4	Способность обнаруживать связи между дисциплинами, использовать математические приемы при решении задач из других наук и в повседневной жизни		

4 Описание процедуры оценивания

Результаты обучения по дисциплине, уровень сформированности компетенций оцениваются по четырёх бальной шкале оценками: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Текущая аттестация по дисциплине проводится с целью систематической проверки достижений обучающихся. Объектами оценивания являются: степень усвоения теоретических знаний, уровень овладения практическими умениями и навыками по всем видам учебной работы, качество выполнения самостоятельной работы, учебная дисциплина (активность на занятиях, своевременность выполнения различных видов заданий, посещаемость всех видов занятий по аттестуемой дисциплине).

При проведении промежуточной аттестации оценивается достижение студентом запланированных по дисциплине результатов обучения, обеспечивающих результаты освоения образовательной программы в целом. Оценка на зачете, экзамене выставляется с учетом оценок, полученных при прохождении текущей аттестации. Высчитывается средний балл с учетом оценки, полученной на зачете, экзамене и округляется по математическим правилам (в случае спорного результата, при выставлении оценки решение принимается исходя из результатов зачета, экзамена).

Критерии оценивания устного ответа

(оценочные средства: *собеседование*)

5 баллов - ответ показывает прочные знания основных процессов изучаемой предметной области, отличается глубиной и полнотой раскрытия темы; владение терминологическим аппаратом; умение объяснять сущность, явлений, процессов, событий, делать выводы и обобщения, давать аргументированные ответы, приводить примеры; свободное владение монологической речью, логичность и последовательность ответа; умение приводить примеры современных проблем изучаемой области.

4 балла - ответ, обнаруживающий прочные знания основных процессов изучаемой предметной области, отличается глубиной и полнотой раскрытия темы; владение терминологическим аппаратом; умение объяснять сущность, явлений, процессов, событий, делать выводы и обобщения, давать аргументированные ответы, приводить примеры; свободное владение монологической речью, логичность и последовательность ответа. Однако допускаются одна - две неточности в ответе.

3 балла - ответ, свидетельствующий в основном о знании процессов изучаемой предметной области, отличающийся недостаточной глубиной и полнотой раскрытия темы; знанием основных вопросов теории; слабо сформированными навыками анализа явлений, процессов, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры; недостаточно свободным владением монологической речью, логичностью и последовательностью ответа. Допускается несколько ошибок в содержании ответа; неумение привести пример развития ситуации, провести связь с другими аспектами изучаемой области.

2 балла - ответ, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы; незнанием основных вопросов теории, несформированными навыками анализа явлений, процессов; неумением давать аргументированные ответы, слабым владением монологической речью, отсутствием логичности и последовательности. Допускаются серьезные ошибки в содержании ответа; незнание современной проблематики изучаемой области.

Критерии оценивания письменной работы

(оценочные средства: *контрольная работа, самостоятельная работа*).

5 баллов - студент полностью выполнил работу, точно определив ее содержание и составляющие. В логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок, выводы обоснованы. Студент владеет навыком самостоятельной работы по заданной теме; методами и приемами анализа теоретических и/или практических аспектов изучаемой области. Фактических и математических ошибок, связанных с пониманием материала, нет; графически работа оформлена правильно.

4 балла - работа характеризуется смысловой цельностью, связностью и последовательностью изложения; допущено не более 1 ошибки при решении. Работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны. Не все выводы сделаны и/или обоснованы. Фактических ошибок, связанных с пониманием материала, нет. Допущены одна-две ошибки в оформлении работы.

3 балла - студент проводит достаточно самостоятельный анализ основных этапов и смысловых составляющих работы; понимает базовые основы материала. Решение раскрыто не полностью, обоснования шагов решения недостаточны. Выводы не сделаны и/или выводы не обоснованы. Допущено не более 2 ошибок в решении, оформлении работы.

2 балла - работа представляет собой решение без каких бы то ни было комментариев, обоснований. Не раскрыта структура и теоретическая составляющая темы. Выводы отсутствуют. Допущено три или более трех ошибок в решении, в оформлении работы.

Критерии выставления оценки студенту на зачете/ экзамене

(оценочные средства *устный опрос в форме ответов на вопросы билетов, выполнение письменных разноуровневых задач и заданий*)

Оценка по промежуточной аттестации	Характеристика качества сформированности компетенций
«зачтено» / «отлично»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций на продвинутом уровне: обнаруживает всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, умеет тесно увязывать теорию с практикой, свободно справляется с задачами, вопросами и другими видами применения знаний, причем не затрудняется с ответом при видоизменении заданий, правильно обосновывает принятое решение, владеет разносторонними навыками и приемами выполнения практических задач.
«зачтено» / «хорошо»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций на базовом уровне: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.

«зачтено» / «удовлетворительно»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций на пороговом уровне: имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, в ходе контрольных мероприятий допускаются значительные ошибки, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала, испытывает затруднения при выполнении практических работ, при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.
«не зачтено» / «неудовлетворительно»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций на уровне ниже порогового: выявляется полное или практически полное отсутствие знаний значительной части программного материала, студент допускает существенные ошибки, неуверенно, с большими затруднениями выполняет практические работы, умения и навыки не сформированы.

5 Примеры оценочных средств для проведения текущей аттестации

5.1 Вопросы для собеседования (устного опроса):

1. Какие числа называют дробными?
2. Какие операции выполняются на множестве рациональных чисел?
3. Верно ли утверждение:
 - a. Если натуральное число делится на 6, то оно делится на 3;
 - b. Если сумма двух чисел четное число, то каждое слагаемое четно;
 - c. Если произведение двух чисел равно нулю, то каждый множитель равен нулю;
 - d. Если куб некоторого числа делится на 8, то это число четно?
4. Какое число называют наименьшим (наибольшим) значение функции на множестве?
5. Какую функцию называют четной (нечетной)?
6. Каким свойством обладает график четной (нечетной) функции?
7. Сформулируйте признак постоянства/возрастания/убывания функции.
8. Какую точку называют точкой максимума функции? точкой минимума функции?
9. Какую функцию называют степенной функцией с натуральным показателем?
10. Сформулируйте свойства функции $y = x^n$.
11. Какую функцию называют степенной функцией с целым показателем?
12. Какая фигура является графиком функции $y = x^0$?
13. Сформулируйте свойства функции $y = x^{-n}$, $n \in \mathbb{N}$.
14. Что называют корнем n -й степени из числа a , где $n \in \mathbb{N}$, $n > 1$?
15. При каких значениях a имеет смысл выражение ${}^{2k+1}\sqrt{a}$, $k \in \mathbb{N}$?
16. Что называют арифметическим корнем n -й степени из неотрицательного числа a , где $n \in \mathbb{N}$, $n > 1$?
17. При каких значениях a имеет смысл выражение ${}^{2A}\sqrt{a}$, $k \in \mathbb{N}$?
18. Сформулируйте свойства функции $y = {}^{2k+1}\sqrt{a}$, $k \in \mathbb{N}$.
19. Сформулируйте свойства функции $y = {}^{2k}\sqrt{a}$, $k \in \mathbb{N}$.
20. Сформулируйте свойства корня n -й степени.
21. Какую функцию называют степенной функцией с рациональным показателем?
22. Сформулируйте свойства степени с рациональным показателем.
23. Какое уравнение называют иррациональным?
24. Обе части уравнения возвели в нечетную степень. Обязательно ли исходное и полученное уравнения будут равносильными?
25. Обе части уравнения возвели в четную степень. Обязательно ли исходное и полученное уравнения будут равносильными?
26. Как можно выявить посторонние корни уравнения?
27. Какую теорему и какое следствие из неё используют при решении показательных уравнений/неравенств?
28. Что называют логарифмом положительного числа b по основанию a ?
29. Какое равенство называют основным логарифмическим тождеством?
30. Какой логарифм называют десятичным?
31. Сформулируйте свойства логарифмов.
32. Какую функцию называют логарифмической?
33. Сформулируйте свойства логарифмической функции.
34. Какую теорему и какое следствие из неё применяют при решении логарифмических уравнений/неравенств?
35. Что называют углом в один радиан?
36. Какова радианная мера угла, равного 1° ?
37. Чему равна длина дуги окружности радиуса R , содержащей a рад?
38. Что называют косинусом угла поворота? синусом угла поворота? тангенсом угла поворота?
39. Какова область определения функции $y = \sin x$? $y = \cos x$?

40. Какова область значений функции $y = \sin x$? $y = \cos x$?
41. Чему равен $\sin(a+2\pi n)$, где $n \in \mathbb{Z}$? $\cos(a+2\pi n)$, где $n \in \mathbb{Z}$?
42. Какова область определения функции $y = \operatorname{tg} x$?
43. Какова область значений функции $y = \operatorname{tg} x$?
44. Чему равен $\operatorname{tg}(a+2\pi n)$, где $n \in \mathbb{Z}$?
45. Когда говорят, что угол a является углом I четверти? II четверти? III четверти? IV четверти?
46. Какие знаки имеют синус, косинус и тангенс в каждой из координатных четвертей?
47. Какие из тригонометрических функций являются четными, а какие - нечетными?
48. Какую функцию называют периодической?
49. Какое равенство называют основным тригонометрическим тождеством?
50. Какое тождество связывает тангенс и косинус одного и того же аргумента?
51. Сформулируйте правила, которыми можно руководствоваться при применении формул приведения.
52. Что называют арккосинусом числа b ?
53. Какой вид имеет формула корней уравнения $\cos x = 1$? $\cos x = -1$? $\cos x = 1$?
54. При каких значениях b имеет корни уравнение $\sin x = b$?
55. Что называют арксинусом числа b ?
56. Что называют арктангенсом числа b ?
57. Назовите формулу корней уравнения $\operatorname{tg} x = b$.
58. Что называют приращением функции в точке?
59. По какой формуле определяют мгновенную скорость?
60. По какой формуле определяют угловой коэффициент касательной к графику функции в точке?
61. Сформулируйте теорему о производной: 1) суммы; 2) произведения; 3) частного.
62. Какой вид имеет уравнение касательной, проведенной к графику функции / в точке с абсциссой x_n ?
63. Сформулируйте признак точки максимума; точки минимума.
64. Опишите, как найти наибольшее и наименьшее значения дифференцируемой функции на промежутке $[a; b]$.
65. Опишите план исследования свойств функции.
66. Какую функцию называют первообразной данной функции на заданном промежутке?
67. Сформулируйте основное свойство первообразной.
68. Какую запись называют общим видом первообразных функции f на заданном промежутке?
69. Сформулируйте правила нахождения первообразной.
70. Какую фигуру называют криволинейной трапецией?
71. По какой формуле можно вычислить площадь криволинейной трапеции?
72. Что называют определённым интегралом функции f на промежутке $[a; b]$?
73. Какое равенство называют формулой Ньютона-Лейбница?
74. Опишите, какое множество называют упорядоченным.
75. Что называют перестановкой конечного множества?
76. Как называют и обозначают произведение первых n натуральных чисел?
77. По какой формуле можно вычислить количество перестановок n -элементного множества?
78. Что называют размещением из n элементов по k элементов?
79. По какой формуле можно вычислить количество размещений из n -элементного множества по k элементов?
80. Что называют сочетанием из n элементов по k элементов?
81. По какой формуле можно вычислить количество сочетаний из n элементов по k элементов?
82. Что называют перестановкой конечного множества?
83. Что называют размещением n -элементного множества по k элементов?

84. Что называют сочетанием n -элементного множества по k элементов?
85. Какую формулу называют биномом Ньютона?
86. Сформулируйте свойства треугольника Паскаля и биномиальных коэффициентов.
87. Какие события называют несовместными?
88. Какое событие называют объединением двух событий и как его обозначают?
89. Чему равна вероятность объединения двух несовместных событий?
90. Какое событие называют пересечением двух событий и как его обозначают?
91. Как можно вычислить вероятность объединения двух событий?
92. Какое событие называют дополнением события и как его обозначают?
93. Как можно вычислить вероятность дополнения события?
94. Какие два события называют независимыми?
95. Какие два события называют зависимыми?
96. Как найти вероятность пересечения независимых событий?
97. Что называют случайной величиной?
98. Что называют множеством значений случайной величины?
99. Что называют распределением вероятностей случайной величины?
100. Какое распределение вероятностей называют биномиальным?
101. Что называют математическим ожиданием случайной величины?
102. Как в математике называют первоначальные понятия, которым не дают определения?
103. Какие фигуры входят в список основных понятий стереометрии?
104. В каком случае говорят, что прямая пересекает плоскость?
105. В каком случае говорят, что плоскости пересекаются?
106. Назовите известные вам пространственные фигуры.
107. Из каких фигур состоит поверхность многогранника? Как их называют?
108. Что называют ребрами многогранника? Вершинами многогранника?
109. Какие виды многогранников вы знаете? Опишите эти многогранники.
110. Какие существуют случаи взаимного расположения двух прямых в пространстве?
111. Сформулируйте признак параллельности прямой и плоскости.
112. Сформулируйте признак параллельности двух плоскостей.
113. Что называют углом между двумя пересекающимися прямыми?
114. Чему равен угол между двумя параллельными прямыми?
115. Что называют углом между двумя скрещивающимися прямыми?
116. Сформулируйте признак перпендикулярности прямой и плоскости.
117. Что называют расстоянием от точки до плоскости? Расстоянием от прямой до параллельной ей плоскости? Расстоянием между двумя параллельными плоскостями?
118. Сформулируйте теорему о трех перпендикулярах.
119. Чему равен угол между прямой и плоскостью, если прямая параллельна плоскости? Прямая принадлежит плоскости? Прямая перпендикулярна плоскости?
120. Какую фигуру называют линейным углом двугранного угла?
121. Что называют величиной двугранного угла?
122. Как найти расстояние между двумя точками, если известны их координаты?
123. Какой вектор называют нулевым?
124. Что называют модулем вектора?
125. Какие векторы называют коллинеарными?
126. Какие два ненулевых вектора называют равными?
127. Как найти модуль вектора, если известны его координаты?
128. Опишите правило треугольника для нахождения суммы векторов.
129. Опишите правило параллелограмма для нахождения суммы двух векторов.
130. Опишите правило параллелепипеда для нахождения суммы трех векторов.
131. Какой вектор называют разностью двух векторов?
132. Сформулируйте сочетательное и распределительные свойства умножения вектора на число.
133. Какие векторы называют перпендикулярными?

134. Что называют скалярным произведением двух векторов?
135. Что называют многогранником?
136. Какие грани многогранника называют соседними?
137. Что называют двугранным углом многогранника?
138. Какой многогранник называют выпуклым?
139. Что называют призмой?
140. Что называют высотой призмы?
141. Какую призму называют прямой? Наклонной?
142. Какую призму называют правильной?
143. Что называют диагональным сечением призмы?
144. Что называют площадью боковой поверхности призмы?
145. Чему равна площадь боковой поверхности прямой призмы?
146. Что называют параллелепипедом?
147. Какие грани параллелепипеда называют противоположными?
148. Какой параллелепипед называют прямым?
149. Какой параллелепипед называют прямоугольным?
150. Что называют измерениями прямоугольного параллелепипеда?
151. Каким свойством обладают диагонали параллелепипеда?
152. Сформулируйте теорему о квадрате диагонали прямоугольного параллелепипеда.
153. Что называют пирамидой?
154. Что называют высотой пирамиды?
155. Какое сечение называют диагональным сечением пирамиды?
156. Какую пирамиду называют правильной?
157. Что называют апофемой правильной пирамиды?
158. Что называют площадью боковой поверхности пирамиды?
159. Чему равна площадь боковой поверхности правильной пирамиды?
160. Опишите, какой многогранник называют усечённой пирамидой.
161. Опишите элементы усечённой пирамиды.
162. Какую усечённую пирамиду называют правильной?
163. Что называют апофемой правильной усечённой пирамиды?
164. Что называют площадью боковой поверхности усечённой пирамиды?
165. Чему равна площадь боковой поверхности правильной усечённой пирамиды?
166. Какое тело называют цилиндром?
167. Опишите, что называют боковой поверхностью цилиндра.
168. Что называют основаниями цилиндра?
169. Какое тело называют телом вращения?
170. Что называют осевым сечением цилиндра?
171. Из каких фигур состоит развёртка цилиндра?
172. По какой формуле вычисляют площадь боковой поверхности цилиндра?
173. По какой формуле вычисляют площадь полной поверхности цилиндра?
174. Какое тело называют конусом?
175. Опишите, что называют боковой поверхностью конуса.
176. Что называют основанием конуса? Осью конуса? Высотой конуса?
177. Что называют осевым сечением конуса?
178. Из чего состоит развёртка конуса?
179. Что принимают за площадь боковой поверхности конуса?
180. По какой формуле вычисляют площадь боковой поверхности конуса?
181. По какой формуле вычисляют площадь полной поверхности конуса?
182. Что называют боковой поверхностью усечённого конуса?
183. Что называют осевым сечением усечённого конуса?
184. Что принимают за площадь боковой поверхности усечённого конуса?
185. По какой формуле вычисляют площадь боковой поверхности усечённого конуса?
186. Что называют сферой?

187. Что называют радиусом сферы; диаметром сферы?
188. Чему равен диаметр сферы, если её радиус равен r ?
189. Что называют шаром?
190. Что называют диаметром шара?
191. Что называют объёмом тела?
192. Что значит измерить объём многогранника?
193. По какой формуле вычисляют объём призмы?
194. По какой формуле вычисляют объём пирамиды?
195. По какой формуле вычисляют объём усечённой пирамиды?
196. По какой формуле вычисляют объём конуса?
197. По какой формуле вычисляют объём усечённого конуса?
198. По какой формуле вычисляют объём цилиндра?
199. По какой формуле вычисляют объём шара?
200. Что называют площадью поверхности шара?
201. По какой формуле вычисляют площадь сферы?

Ответ _____

5.2 Примеры самостоятельных работ

1. Самостоятельная работа №1. Развитие понятия о числе.

Вариант 1	Вариант 2
1. Представьте в виде бесконечной десятичной периодической дроби рациональные числа: $2\frac{3}{4} - 5\frac{8}{15} \cdot 4\frac{1}{6}$	1. Представьте в виде бесконечной десятичной периодической дроби рациональные числа: $3\frac{1}{4}; -A; A; -5\frac{2}{9}$
2. Найдите 3 дроби, которые будут больше A , но меньше A . $3\frac{1}{11} + 2 \cdot (4,254 \dots) \quad 4(0,28)$	2. Найдите 3 дроби, которые будут больше A , но меньше A . $\frac{13}{13}$
3. Вычислите: $\frac{1}{8:6} \cdot 4 - (5 \cdot 90 - A \cdot (40 : 2 + 12 + w^4))$	3. Вычислите: $\frac{1}{8:6} \cdot 4 - (5 \cdot 90 - A \cdot (40 : 2 + 12 + w^4))$
4. Вычислите приближенно: $\frac{49}{49} \cdot \frac{14}{3} + 1,114$	4. Вычислите приближенно: $1,001^5$
5. Преобразуйте (упростите) рациональное выражение: $\frac{y^2 - 1 - x^2}{x + 1} \cdot \frac{1 - xy^2}{y - 1}$	5. Преобразуйте (упростите) рациональное выражение: $\frac{a}{aB + B} \cdot \frac{B - a^2B}{aB - a} \cdot \frac{B^2 - a}{B - 1}$
6. Решите уравнение: $2x^4 - 5x^2 + 2 = 0$	6. Решите уравнение: $2x^4 - 3x^2 + 1 = 0$
7. Решите неравенство: $(3\% - 2)^2 - 4x(2x - 3) > 0$	7. Решите неравенство: $x(3x - 2) - (2\% - 3)^2 < 0$

2. Самостоятельная работа №2. Функции и графики

Вариант 1	Вариант 2
1. Функция задана формулой $f(x) = A^3$.	1. Функция задана формулой $f(x) = A^3$.
Найдите: а) $f(1)$; б) $f(0)$.	Найдите: а) $f(2)$; б) $f(-1)$.
2. Найдите область определения функции	2. Найдите область определения функции
$f(x) = A - 3$	$f(x) = A + 4$
3. Найдите множество значений функции	3. Найдите множество значений функции
$f(x) = x^2 + 4$	$f(x) = 2x^2 - 1$
4. Является ли четной или нечетной	4. Является ли четной или нечетной
функция: а) $f(x) = 7x^3 - 5x^5$;	функция: а) $f(x) = x^5 + 2A$

$$б) l(x) = \frac{12-L}{2x-8}$$

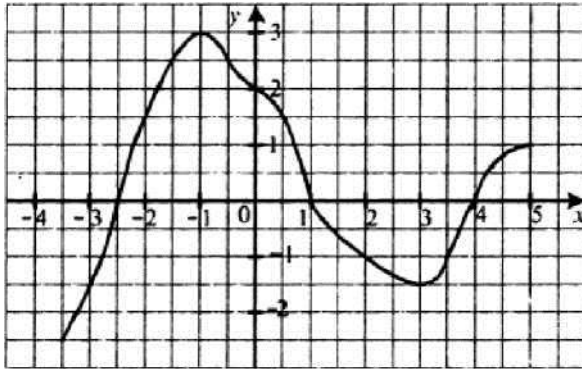
1. На рисунке изображен график функции

$y = l(x)$, определенной на промежутке $[-3; 5]$. Пользуясь графиком, найдите:

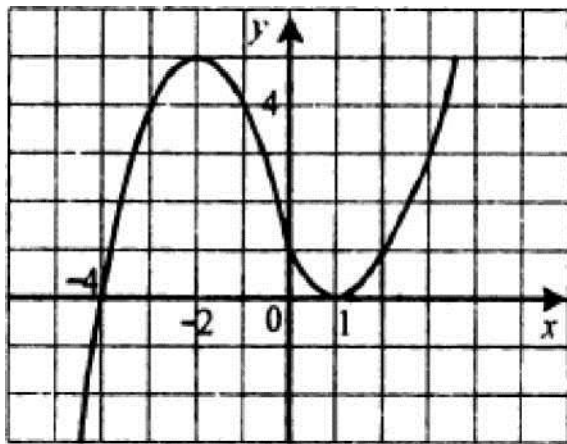
а) $l(-2)$;

б) значения x , при которых $f(x) = 3$;

в) нули функции;



6. На рисунке изображен график функции



$$б) f(x) = \frac{\quad}{2x+8}$$

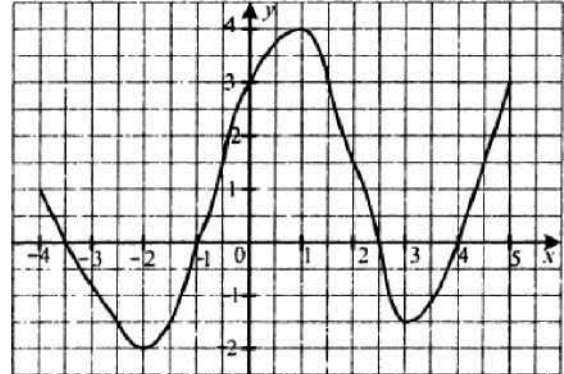
2. На рисунке изображен график функции

$y = f(x)$, определенной на промежутке $[-4; 5]$. Пользуясь графиком, найдите:

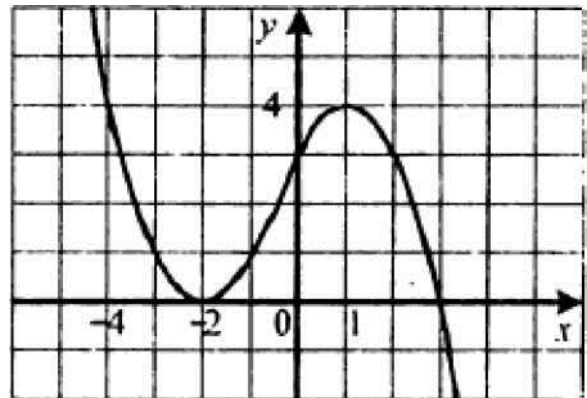
а) $f(-2)$;

б) значения x , при которых $f(x) = 3$;

в) нули функции;



6. На рисунке изображен график функции



3. Самостоятельная работа №3. Корни, степени и логарифмы

Вариант 1	Вариант 2
1. Функция задана формулой $f(x) = x^{16}$. Сравните $f(5,6)$ и $f(2,4)$.	1. Функция задана формулой $f(x) = x^{19}$. Сравните $f(3,6)$ и $f(1,8)$.
2. Найдите значение выражения: а) $3^3\sqrt[3]{8} + 4\sqrt[5]{-32} + 4\sqrt[4]{625}$; б) $\sqrt[3]{\sqrt[2]{2}}$	2. Найдите значение выражения: а) $5^4\sqrt[4]{16} - 2\sqrt[3]{-216} - \sqrt[6]{64}$; б) $\frac{\sqrt[3]{3}}{4\sqrt[4]{243}}$
3. Решите уравнение $\sqrt{x} = 2$	3. Решите уравнение $\sqrt{x} = 2$
4. Упростите выражение:	4. Упростите выражение:
а) $\sqrt[1]{Va^3}$; б) $\sqrt[3]{m^2 Vm}$.	а) $\sqrt[2]{V-a^7}$; б) $\sqrt[3]{m^3 Vm^3}$.
5. Найдите значение выражения:	5. Найдите значение выражения:

1	1
<p>а) 125₃; б) 32_{0,8}.</p> <p>6. Представьте выражение в виде степени или произведения степеней $(q^{-0,8})^4 \cdot (a^{-1,4})^{-2} \cdot (q^{0,4})^{-6}$</p> <p>7. Решите уравнение $\sqrt{2x+8} = x$</p> <p>8. Сократите дробь $\frac{m-3m^3}{m^3-3}$</p> <p>9. Решите уравнение $5^{*+i-3} \cdot 5^* = 250$</p> <p>10. Найдите область определения функции $Y = \lg(4x - 1)$</p> <p>11. Решите уравнение $\log_3(3x + 4) = -2$</p> <p>12. Решите неравенство $\log_{0,9}(x - 4) > \log_{0,9}(8 - x)$</p> <p>13. Вычислите значение выражения $\log_9 27 + \log_9 3$ $2\log_2 6 - \log_2 9$</p>	<p>а) 32⁻⁵; б) 16^{1,25}.</p> <p>6. Представьте выражение в виде степени или произведения степеней $(q^{0,6})^6 \cdot (q^{0,4})^{-7} \cdot (a^{-1,6})^{-3}$</p> <p>7. Решите уравнение $\sqrt{2x+48} = -x$</p> <p>8. Сократите дробь $\frac{m+/\sqrt{m^5}}{m^5+7}$</p> <p>9. Решите уравнение $2^x + 2^{*-3} = 72$</p> <p>10. Найдите область определения функции $Y = \lg(6 - 4x)$</p> <p>11. Решите уравнение $\log_{0,1}(10x - 7) = -1$</p> <p>12. Решите неравенство $\log_2(6 - x) < \log_2(\frac{x}{3} + 1)$</p> <p>13. Вычислите значение выражения $\log_8 128 - \log_8 2$ $2\log_6 2 + \log_6 9$</p>

4. Самостоятельная работа №4. Основы тригонометрии

Вариант 1	Вариант 2
<p>1. Найдите значение выражения $\frac{2\operatorname{tg}^2 \alpha + \operatorname{ctg}^2 \alpha + \cos \alpha - 2 \sin^2 \alpha}{3}$</p> <p>2. Упростите выражение $\cos^2 a + \sin^2 a + \operatorname{tg}^2 \alpha$</p> <p>3. Упростите выражение: $\frac{\sin 2a}{2 \sin a}$</p> <p>4. Дано: $\sin a = -\frac{5}{13}$, $\cos B = -\frac{12}{13}$, $n < \alpha < B < \pi$. Найдите $\sin(\alpha + B)$</p> <p>5. Решите уравнение $\sin 4x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$</p> <p>6. Решите неравенство $\cos x < \frac{1}{2}$</p>	<p>1. Найдите значение выражения $\frac{2\operatorname{tg}^2 \alpha + \operatorname{ctg}^2 \alpha + \sin^2 \alpha - 4 \cos^2 \alpha}{6}$</p> <p>2. Упростите выражение $\cos^2 a + \sin^2 a + \operatorname{ctg}^2 \alpha$</p> <p>3. Упростите выражение: $2 \cos^2 a$ $\sin 2a$</p> <p>4. Дано: $\cos a = 0,6$, $\sin B = -0,8$, $2\pi < \alpha < 3\pi$, $n < B < 3\pi$. Найдите $\cos(\alpha + B)$</p> <p>5. Решите уравнение $\sin 4x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$</p> <p>6. Решите неравенство $\cos x < \frac{1}{2}$</p>

5. Самостоятельная работа №5. Производная и её применение

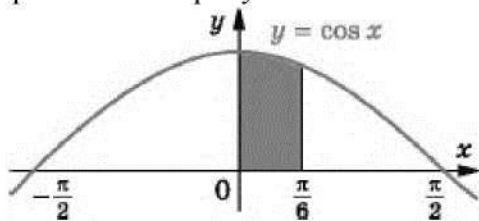
Вариант 1	Вариант 2
<p>1. Найдите производную функции:</p> <p>а) $f(x) = -'$</p> <p>б) $f(x) =$</p> <p>в) $f(x) = \operatorname{tg} 4^\circ$</p> <p>2. Вычислите значение производной функции $f(x) = (3x - 2)^5$ в точке $x_0 = 1$</p> <p>3. Найдите производную функции:</p> <p>а) $f(x) = \sqrt{6x - 7}$</p> <p>б) $f(x) = \cos x$</p> <p>4. Тело движется по координатной прямой по закону $s(t) = 3t^2 - 2t + 1$ (перемещение измеряется в метрах, время - в секундах). Чему равна скорость тела через 3 с после начала движения?</p> <p>5. Чему равен угловой коэффициент касательной к графику функции $y = x^3 - 2x$ в точке с абсциссой $t_0 = -1$?</p> <p>6. Чему равно наименьшее значение функции $y = x + \frac{4}{x}$ на промежутке $[1;3]$?</p>	<p>1. Найдите производную функции:</p> <p>а) $f(x) =$</p> <p>б) $f(x) = ' X^6$</p> <p>в) $f(x) = \operatorname{tg} 2x$</p> <p>2. Вычислите значение производной функции $f(x) = (3x + 4)^4$ в точке $t_0 = 1$</p> <p>3. Найдите производную функции:</p> <p>а) $f(x) = \operatorname{ctg} x + 1$</p> <p>б) $f(x) = \sin 2x$</p> <p>4. Тело движется по координатной прямой по закону $s(t) = 3t^2 - 2t + 1$ (перемещение измеряется в метрах, время - в секундах). Чему равна скорость тела через 4 с после начала движения?</p> <p>5. Чему равен угловой коэффициент касательной к графику функции $y = x^3 - 2x$ в точке с абсциссой $t_0 = -2$?</p> <p>6. Чему равно наибольшее значение функции $y = x + \frac{4}{x}$ на промежутке $[1;3]$?</p>

6. Самостоятельная работа №6. Интеграл и его применение

Вариант 1	Вариант 2
<p>1. Найдите общий вид первообразной функции:</p> <p>а) $f(x) = x^4$</p> <p>б) $f(x) = \sin x$</p> <p>в) $f(x) = x$</p> <p>2. Функция F является первообразной функции $f(x) = x - 3$. Через какую из данных точек проходит график функции F, если $F(2) = 5$?</p> <p>а) (0;8); б) (-2;17); в) (1;5,5); г) (4;4).</p> <p>3. Вычислите интеграл:</p> <p>а) $\int_0^1 x^2 dx$</p>	<p>1. Найдите общий вид первообразной функции:</p> <p>а) $f(x) = x^5$</p> <p>б) $f(x) = \cos x$</p> <p>в) $f(x) = 2x$</p> <p>2. Функция F является первообразной функции $f(x) = x - 3$. Через какую из данных точек проходит график функции F, если $F(2) = 5$?</p> <p>а) (0;8); б) (-2;17); в) (1;5,5); г) (4;4).</p> <p>3. Вычислите интеграл:</p> <p>а) $\int_0^1 2x^2 dx$</p>

$$6) \int_{\frac{\pi}{9}}^{\frac{\pi}{3}} \sin 3x \, dx$$

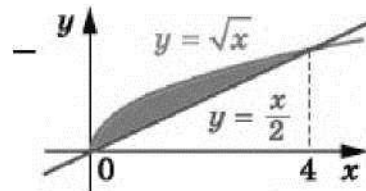
4. Вычислите площадь фигуры, изображенной на рисунке.



5. Найдите площадь криволинейной трапеции, ограниченной линиями $y = 6x - x^2$, $y = 0$, $x = 1$, $x = 3$.

$$6) \int_{\frac{\pi}{9}}^{\frac{\pi}{3}} \sin 6x \, dx$$

4. Вычислите площадь фигуры, изображенной на рисунке.



5. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2$, $y = 2 - x$.

7. Самостоятельная работа №7. Комбинаторика

Вариант 1

- Сколькими способами могут сесть в автомобиль марки «Калина» 5 человек, если каждый из них может быть водителем?
- Через железнодорожную станцию должны одновременно пройти 3 поезда. Сколькими способами диспетчер может организовать прохождение составов, если в его распоряжении 5 свободных путей?
- Решите в натуральных числах уравнение $D_5 = 18 \cdot A^4$
- Решите в натуральных числах уравнение $C_x^2 = 120$
- На прямой отметили 12 точек, а на параллельной ей прямой - 7 точек. Сколько существует четырехугольников с вершинами в этих точках?
- Для участия в команде тренер отбирает 5 мальчиков из 10. Сколькими способами он может сформировать команду, если 2 определенных мальчика должны войти в команду?
- Найдите отношение суммы чисел в

Вариант 2

- Сколькими способами можно распределить 5 дежурных по этажам в пятиэтажном общежитии?
- Через железнодорожную станцию должны одновременно пройти 4 поезда. Сколькими способами диспетчер может организовать прохождение составов, если в его распоряжении 6 свободных путей?
- Решите в натуральных числах уравнение $A^2 = 20$
- Решите в натуральных числах уравнение $C_x^2 = 66$
- На прямой отметили 14 точек, а на параллельной ей прямой - 9 точек. Сколько существует четырехугольников с вершинами в этих точках?
- В шахматном турнире принимали участие 15 шахматистов, причем каждый из них сыграл только одну партию с каждым из остальных. Сколько всего партий было сыграно в этом турнире?
- Найдите отношение суммы чисел в 100-й строке треугольника Паскаля к сумме чисел в 200-й строке

8. Самостоятельная работа №8. Элементы теории вероятностей и математической

Вариант 1

6. В коробке лежат 15 шариков: 10 синих и 5 зеленых. Какова вероятность того, что наугад взятый из коробки шарик окажется желтым?
7. Вероятность купить бракованную пару сапог некоторой фирмы составляет 0,023. Сколько бракованных пар обуви гарантированно содержит партия из 1000 пар сапог этой фирмы?
8. При проведении экзит-пола было опрошено 15 тысяч избирателей, среди

Вариант 2

1. В коробке лежат 15 шариков: 12 синих и 5 зеленых. Какова вероятность того, что наугад взятый из коробки шарик окажется желтым?
2. Вероятность купить бракованную пару сапог некоторой фирмы составляет 0,015. Сколько бракованных пар обуви гарантированно содержит партия из 2000 пар сапог этой фирмы?
3. При проведении экзит-пола было опрошено 15 тысяч избирателей, среди

1. Самостоятельная работа №9. тс _____

Вариант 1

8. Через концы отрезка MN и его середину K проведены параллельные прямые, пересекающие некоторую плоскость а в

Вариант 2

2. Через концы отрезка АВ и его середину С проведены параллельные прямые, пересекающие некоторую плоскость а в

1. Через вершину прямого угла C прямоугольного треугольника ABC к его плоскости проведен перпендикуляр CM . Найдите длину стороны AB треугольника ABC , если $CM = 8$ см, $BM = 17$ см, $\angle CAB = 30^\circ$.

2. Через вершину D прямоугольника $ABCD$ к его плоскости проведен перпендикуляр DE . Точка E удалена от стороны AB на 10 см, а от стороны BC —

1. Через вершину прямого угла C прямоугольного треугольника ABC к его плоскости проведен перпендикуляр CD . Найдите длину стороны AB треугольника ABC , если $AO = 20$ см, $CD = 16$ см, $\angle CAB = 60^\circ$.

2. Через вершину A прямоугольника $ABCD$ к его плоскости проведен перпендикуляр AP . Найдите длину

10. Самостоятельная работа №10. Координаты и векторы

Вариант 1

1. Даны точки $M(3;-2;1)$ и $N(5;2;-3)$. Найдите координаты середины отрезка MN и его длину.

2. Даны точки $A(-2;1;3)$, $B(3;-2;-1)$ и $C(-3;4;2)$. Найдите: координаты векторов \vec{a}

Вариант 2

1. Даны точки $M(-6;5;3)$ и $N(4;1;-5)$. Найдите координаты середины отрезка MN и его длину.

2. Даны точки $A(-4;-2;1)$, $B(3;-1;-1)$ и $C(2;1;-3)$. Найдите: координаты векторов \vec{a}

4. Даны векторы $a(-2;8;-4)$ и $b(1;-4;k)$. При каком значении k векторы a и b а) коллинеарны; б) перпендикулярны?	4. Даны векторы $a(1;-4;-3)$ и $b(5;p;-15)$. При каком значении p векторы a и b а) коллинеарны; б) перпендикулярны?
---	--

11. Самостоятельная работа №11. Многогранники и круглые тела

Вариант 1

1. Основанием прямой призмы является прямоугольный треугольник, катеты которого равны 6 см и 8 см. Найдите площадь полной поверхности призмы, если её боковое ребро равно 5 см.
2. Боковое ребро правильной четырехугольной пирамиды равно 10 см, высота - 8 см. Найдите площадь диагонального сечения пирамиды.
3. Радиус основания конуса равен 5 см, а образующая - 13 см. Найдите площадь осевого сечения конуса.
4. Высота цилиндра равна 8 см, радиус основания - 5 см. На расстоянии 4 см от

Вариант 2

1. Основанием прямой призмы является равнобедренный треугольник, боковая сторона которого равна 17 см, а основание 16 см. Найдите площадь полной поверхности призмы, если её боковое ребро равно 10 см.
2. Диагональ основания правильной четырехугольной пирамиды равна 24 см, а боковое ребро - 26 см. Найдите площадь диагонального сечения пирамиды.
3. Высота конуса равна 6 см, а образующая 10 см. Найдите площадь осевого сечения конуса.
4. В нижнем основании цилиндра проведена хорда длиной 8 см,

6 Примеры оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

6.1 Вопросы для экзамена:

1. Функции. Область определения и множество значений функций. Свойства функции. Способы задания функции.
2. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума функций.
3. Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой $y = x$, растяжение и сжатие вдоль осей координат.
4. Степени с рациональными показателями, их свойства. Степени с действительными показателями. Свойства степени с действительным показателем. Показательная функция.
5. Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами.
6. Радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс и котангенс угла. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям.
7. Тригонометрические функции, их свойства и графики.
8. Производная. Понятие о производной функции, ее геометрический и физический смысл.
9. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.
10. Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. Формула Ньютона—Лейбница. Применения интеграла в физике и геометрии.
11. Основные понятия комбинаторики. Подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний.
12. Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей.
13. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Перпендикулярность прямой и плоскости.
14. Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости. Параллельное проектирование
15. Понятие вектора. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов.
16. Прямая и наклонная призма. Правильная призма.
17. Параллелепипед. Куб.
18. Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр.
19. Цилиндр и конус. Усеченный конус. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.
20. Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере.
21. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса.
22. Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы.

6.2 Примеры заданий для контрольной работы

Вариант 1.

1. Какому из данных промежутков принадлежит число $15^{\frac{1}{2}}$?

а) $(0; 0,25)$

б) $(0,25; 0,5)$

в) $(0,5; 0,75)$

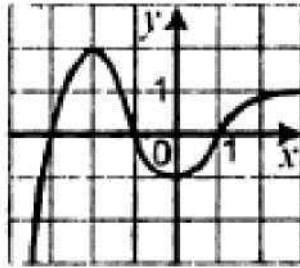
г) $(0,75; 1)$

2. Сократите дробь $\frac{12a^{10}y^2}{46a^5y}$.

3. Найдите значение выражения

$$\frac{d+2}{d+2} \cdot \frac{6n-30}{6n-30} \cdot \frac{1}{1} \text{ при } d=175$$

4. Какова область определения функции $f(x) = \sqrt{1 - x^2}$?
5. Укажите промежутки убывания функции, изображенной на рисунке.



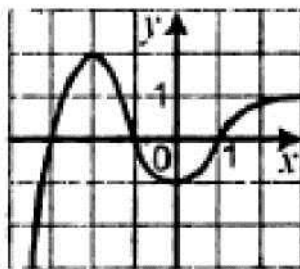
6. Проверить, является ли функция $f(x) = \sqrt{x - 1}$ четной или нечетной.
7. Сократите дробь $\frac{a^{1.5}b + ab^{1.5}}{a^{0.5} + a^{0.5}b}$
8. Решите уравнение $\sqrt{4x^2 - 3} - 1 = x + 1$
9. Решите уравнение $0,2^{3x-2} = 0.0016$
10. Найдите значение выражения $0,04$
11. Решите уравнение $(x + 4) + (x + 6) = 35$
12. Отрезок АВ не пересекает плоскость а точки А и В удалены от этой плоскости на 9 см и 13 см. Чему равно расстояние от середины отрезка АВ до плоскости а?
13. Даны векторы $a(4; -1; 5)$ и $b(3; y; 2)$. При каком значении у выполняется равенство $a \cdot b = 14$?

Вариант 2.

1. Какому из данных промежутков принадлежит число $\frac{7}{10}$ —
 а) (0; 0,25) б) (0,25; 0,5) в) (0,5; 0,75) г) (0,75; 1)

2. Сократите дробь $\frac{15a^{1.5}b^2}{25ab^2}$
3. Решите уравнение $a^{2+2} = 68-30$ при $a = 5.25$.

4. Какова область определения функции $f(x) = \sqrt{x^2 - 6}$?
5. Укажите промежутки возрастания функции, изображенной на рисунке.



6. Проверить, является ли функция $f(x) = \sqrt{x^2 - 6}$ четной или нечетной.
7. Сократите дробь $\frac{a^{0.5} + (ab)^{0.25}}{(ab)^{0.25} + a^{0.5}}$

8. Решите уравнение $\sqrt{x - 2} = x - 8$
9. Решите уравнение $2^{x+2} - 2^x = 96$

10. Найдите значение выражения $0,09$

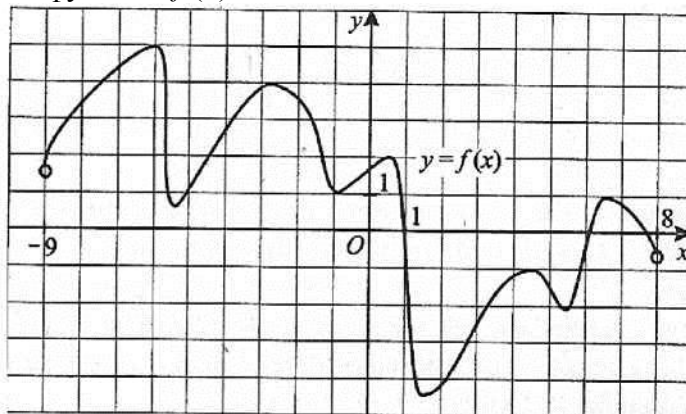
11. Решите уравнение $(x + 4) + (x + 6) = 35$
12. Через концы отрезка DP и его середину A проведены параллельные прямые, которые пересекают некоторую плоскость a в точках D_1, P_1, A_1 соответственно. Найдите длину отрезка PP_1 , если отрезок DP не пересекает плоскость a и $DD_1 = 25$ см, $AA_1 = 13$ см.
13. Даны векторы $a(4; -2; y)$ и $b(5; y; -3)$. При каком значении y выполняется равенство $a \cdot b = 8$?

6.3 Примеры разноуровневых задач и заданий

Вариант 1

Часть 1

1. Найдите Dy для функции $y = x^2$, если $x_0 = 2, Dx = 0,1$.
2. На рисунке изображен график функции $y = f(x)$, определенной на интервале $(-9; 8)$. Определите количество точек с целочисленными значениями абсцисс на этом интервале, в которых производная функции $f(x)$ положительна.



3. Найти интервал возрастания функции $y = x^4 - 2x^2$.
4. Найдите точку максимума функции $y = f(x)$, если известно, что $f(x) = -x^2 + 6\%$.
5. Найдите наименьшее и наибольшее из значений, которое принимает функция $y = x^3 - 3x^2 + 2$ на отрезке $[-0,5; 4]$.
6. Найдите первообразную функции $f(x) = 3x^2$.
7. Двугранный угол, образованный полуплоскостями a и b , равен 90° . Точка A удалена от граней двугранного угла на 8 см и 6 см. Найдите расстояние от точки A до ребра двугранного угла.
8. Решите уравнение $2x^4 - 5x^2 + 2 = 0$.

Часть 2

9. Найдите площадь фигуры, ограниченной графиками функций $y = 4 - x^2$, $y = x + 2$
10. Найти $f'(1)$, если $f(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$
11. Решите уравнение $\sqrt{x - 6} = \sqrt{4 - x}$.
12. Решите уравнение $3^{x+2} + 3^x = 10$.

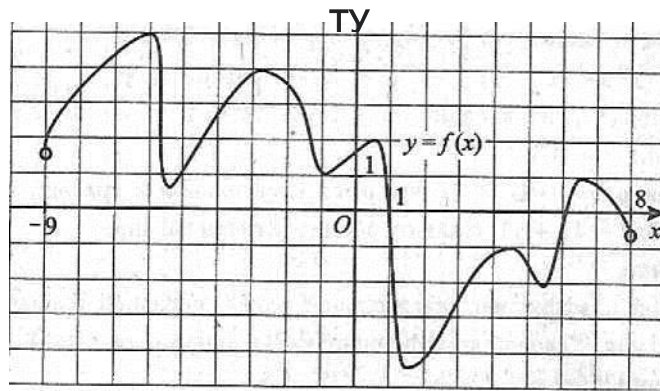
Часть 3.

13. Решите неравенство $|x + 2| < 3$.

Вариант 2

Часть 1

1. Найдите $4y$ для функции $y = x^2$, если $x_0 = 3, Dx = 0,2$.
2. На рисунке изображен график функции $y = f(x)$, определенной на интервале $(-9; 8)$. Определите количество точек с целочисленными значениями абсцисс на этом интервале, в которых производная функции $f(x)$ отрицательна.



3. Найти интервал убывания функции $y = x^4 - 2x^2$.
4. Найдите точку минимума функции $y = f(x)$, если известно, что $f'(x) = -x^2 + 6x$.
5. Найдите наименьшее и наибольшее из значений, которое принимает функция $y = x^3 - 3x^2 + 2$ на отрезке $[-0,5; 4]$.
6. Найдите первообразную функции $f(x) = 6x^5$.
7. Двугранный угол, образованный полуплоскостями α и β , равен 90° . Точка A удалена от граней двугранного угла на 9 см и 3 см. Найдите расстояние от точки A до ребра двугранного угла.
8. Решите уравнение $2x^4 - 5x^2 + 2 = 0$.

Часть 2

9. Найдите площадь фигуры, ограниченной графиками функций $y = 2 - x^2$, $y = -x$.
10. Найти $f'(2)$, если $f(x) = \sqrt{x^2 - 1}$.

11. Решите уравнение $\sqrt{x^2 - 5} = 2$.
12. Решите уравнение $4^{x+1} + 4^x = 320$.

Часть 3

13. Решите неравенство $|x + 2| < 3$.

Ключи к оценочным материалам

5. Ключи для оценочных средств для проведения текущей аттестации

5.1 Вопросы для собеседования (устного опроса):

1. "Дробное число" - термин использующийся как синоним понятия "рациональное число". "Рациональное число" - число выраженное в виде "обыкновенной дроби" - m/n - где "m" - числитель, целое число, "n" - знаменатель - "натуральное число" - $1/3, 1/2, 1/4, 2/3$ и так далее.

2. В множестве рациональных чисел выполнимы действия сложения, умножения, вычитания и деления (кроме деления на нуль).

3. а. да

б. нет

с. нет

д. да

4. Наибольшим значением функции называется самое большое, а наименьшим значением — самое меньшее из всех ее значений.

5. Нечётная функция — функция, меняющая значение на противоположное при изменении знака независимой переменной (график её симметричен относительно центра координат). Чётная функция — функция, не изменяющая своего значения при изменении знака независимой переменной (график её симметричен относительно оси ординат).

6. График нечетной функции симметричен относительно центра координат. График четной функции симметричен относительно оси ординат.

7. Функция называется возрастающей на интервале $]a, b[$, принадлежащем области определения функции, если большим значениям независимой переменной из этого интервала соответствуют большие значения функции. Функция называется убывающей на интервале $]a, b[$, если большим значениям независимой переменной из этого интервала соответствуют меньшие значения функции.

Если во всех точках некоторого промежутка производная функции равна нулю ($f'(x) = 0$), то функция $f(x)$ сохраняет в этом промежутке постоянное значение. Если во всех точках некоторого промежутка производная функции больше нуля ($f'(x) > 0$), то функция $f(x)$ возрастает в этом промежутке. Если во всех точках некоторого промежутка производная функции меньше нуля, то функция $f(x)$ убывает на этом промежутке.

8. Точку x_2 называют точкой максимума функции $y = f(x)$, если для всех x из ее окрестности справедливо неравенство: $f(x) \leq f(x_2)$. Точку x_2 называют точкой минимума функции $y = f(x)$, если для всех x из ее окрестности справедливо неравенство: $f(x) \geq f(x_2)$.

9. Рассмотрим функцию, заданную формулой $y = x^n$, где x - независимая переменная, а n - натуральное число. Такую функцию называют степенной функцией с натуральным показателем.

10. Свойства степенной функции с нечетным положительным показателем.

. Область

$$y \in (-\infty; +\infty)$$

. Функция нечетная.

Область определения:

так как . Функция возрастает

Свойства степенной функции с четным положительным . Область

$$y \in [0; +\infty)$$

. Функция четная. так

показателем.

Область определения:

как

. Функция возрастает

. убывает

11. Функция $y = x^n$, $n \in \mathbb{Z}$, называется степенной функцией с целым показателем.
12. Прямая $y=1$.
13. Свойства степенной функции с нечетным отрицательным показателем.

Область определения: " \sim^f ". При $x=0$ имеем разрыв второго рода, так

$\lim_{x \rightarrow 0} x^n$ при $n = -1, -3, -5, \dots$ Следовательно, прямая $x=0$ является

$y(-x) = -y(x)$. Функция нечетная, так $x \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$

Функция убывает вертикальной асимптотой. Область значений:

как Свойства степенной функции с четным отрицательным показателем.

Область определения: " \sim ". При $x=0$ имеем разрыв второго рода, так

$\lim_{x \rightarrow 0} x^n = +\infty$, $\lim_{x \rightarrow 0} x^n = -\infty$ при $n = -2, -4, -6, \dots$ Следовательно, прямая $x=0$ является

$y(-x) = y(x)$. убывает $x \in (0; +\infty)$

вертикальной асимптотой. Область значений: . Функция четная, так

14. Корнем n -ой степени из числа a называют такое число, n -ая степень которого будет равна a . Функция возрастает

15. При любых.

16. Арифметическим корнем n -ой степени из неотрицательного числа a называется неотрицательное число, n -ая степень которого равна a .

17. При неотрицательных.

18. Область определения: " \sim ". Область значений: $(-; +\infty)$. Возрастает при

" " \sim ". Не имеет наибольшего и наименьшего значений. Не ограничена сверху и снизу. Непрерывна, нечетна.

19. Область определения: $[0; +\infty)$. Область значений: $[0; +\infty)$. Возрастает при $[0; +\infty)$. Не имеет наибольшего значения. Наименьшее значение $=0$. Не ограничена сверху, ограничена снизу. Непрерывна, ни четна, ни нечетна.

20. Свойства корней:

$$1. \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b} \quad 2. \sqrt[n]{a} = a^{1/n}$$

21. Функция вида $y=x^r$, где $r \in \mathbb{Q}$, называется степенной функцией с рациональным показателем.

22. При $a > 0$, $b > 0$, p и q - рациональные числа:

а) $a^p \cdot a^q = a^{p+q}$

$a^p \cdot a^q = a^{p+q}$

б)

в) $(a^p)^q = a^{p \cdot q}$

г) $(a^p)^q = a^{p \cdot q}$

$a =$

Д) $\sqrt{\quad}$.

23. Иррациональное уравнение — это уравнение, содержащее неизвестное под знаком корня или возведённое в степень, которую нельзя свести к целому числу.

24. Да
 25. Нет
 26. Сделать проверку
 27. Для решения показательных уравнений требуется знать и уметь использовать следующую несложную теорему:

Теорема. Показательное уравнение $a^{f(x)} = a^{g(x)}$ (где $a > 0, a \neq 1$) равносильно уравнению $f(x) = g(x)$.

28. Логарифмом положительного числа b по основанию a , где $a > 0, a \neq 1$, называется показатель степени, в которую надо возвести число a , чтобы получить b .

29. Определение логарифма можно кратко записать так: $a^{\log_a b} = b$

Это равенство справедливо при $b > 0, a > 0, a \neq 1$. Его обычно называют логарифмическим тождеством.

30. Логарифм по основанию 10.

31. Свойства логарифмов:

$$\log_a a = 1; \log_a 1 = 0$$

Логарифм произведения:

$$\log_a (bc) = \log_a |b| + \log_a |c| \quad (bc > 0)$$

Логарифм частного от деления:

$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a |b| - \log_a |c| \quad \left(\frac{b}{c} > 0\right)$$

Замена основания логарифма:

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

Логарифм степени:

$$\log_a (b^p) = p \log_a |b| \quad (b^p > 0)$$

Логарифм корня:

$$\log_a \sqrt[k]{x} = \left(\frac{1}{k}\right) \log_a x$$

Логарифм со степенным основанием:

$$\log_a a^b = b$$

$$\log_a a^b = b$$

$$\log_a a^b = b$$

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

32. Логарифмической называется функция вида $y = \log_a x$, где $x > 0, a > 0, a \neq 1$.

33. Основные свойства логарифмической функции:

- 1) Область определения: $(0, +\infty)$.
- 2) Область значений: $(-\infty, +\infty), y \in \mathbb{R}$.
- 3) $\log_a 1 = 0$.

4) при $a > 1$ функция возрастает, при $0 < a < 1$ - убывает.

34. Теорема. Если $f(x) > 0$ и $g(x) > 0$, то логарифмическое уравнение $\log_a f(x) = \log_a g(x)$ (где $a > 0, a \neq 1$) равносильно уравнению $f(x) = g(x)$.

35. Радиан — угол, соответствующий дуге, длина которой равна её радиусу.

$$36. \frac{\pi}{180} nRa$$

38, Синусом угла называется ордината точки, косинусом - абсцисса точки, тангенсом - отношение ординаты точки к ее абсциссе.

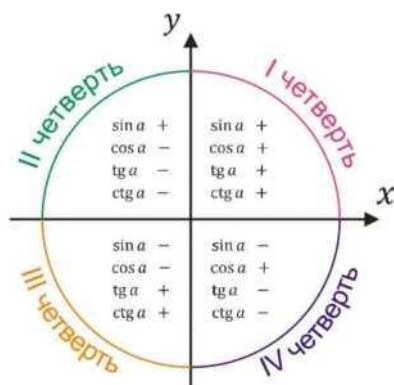
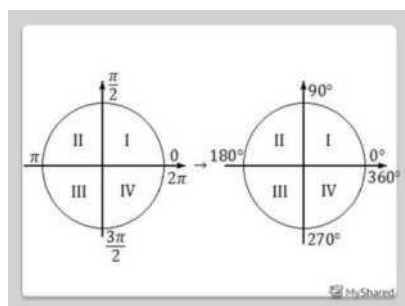
39, (-от; +от)

40, [-1;1]

41, $\sin a$; $\cos a$

42, x^2 - + дп

43, (-от; +от)



46.

44, $\operatorname{tg}(a + n\pi) = \operatorname{tg} a$

47. Четные: $\cos x$; нечетные: $\sin x$, $\operatorname{tg} x$, $\operatorname{ctg} x$

48, Функция называется периодической, если существует такое число T , не равное нулю, что для любого x из ее области определения $f(x+T) = f(x)$.

49, $\sin^2 a + \cos^2 a = 1$

50, $1 + \operatorname{tg}^2 a = 1 / \cos^2 a$

51, 1, Определяем в какой четверти на окружности лежит угол

2, Определяем, какой знак будет у исходной функции

3, Определяем, меняется ли функция на кофункцию.

52, Арккосинусом числа x называют такое значение угла y , для которого $\cos y = x$

53, $x = \pi/2 + 2\pi n$

54, [-1;1]

55, Арксинусом числа x называют такое значение угла y , для которого $\sin y = x$.

56, Арктангенсом числа x называют такое значение угла y из $(-\pi/2, \pi/2)$, для которого $\operatorname{tg} y = x$.

57, $x = \operatorname{arctg} b + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

58. $\Delta f = f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)$

59. $V = S \cdot \Delta t$

60. Угловой коэффициент равен тангенсу острого угла, образуемого прямой с осью абсцисс: $k = \operatorname{tg} \alpha$.

61. $(u+v)' = u' + v'$; $(uv)' = u'v + uv'$; $(u/v)' = (u'v - uv')/v^2$

62. $y = f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0)$

63. Необходимый признак экстремума функции.

Если x_0 точка экстремума $f(x)$, то :

1) либо не существует $f'(x_0)$

2) либо $f'(x_0) = 0$

Теорема. (Необходимое условие существования экстремума.) Если дифференцируемая функция $y = f(x)$ имеет в точке $x = x_0$ экстремум, то ее производная в этой точке обращается в нуль.

Теорема: Первый достаточный признак экстремума функции.

Если $f'(x) > 0$ на интервале $(x_0 - \delta, x_0)$ и $f'(x) < 0$ на интервале $(x_0, x_0 + \delta)$ т.е. меняет знак с плюса на минус при переходе на точку x_0 , т.е. x_0 - точка максимума $f(x)$, а если же меняет знак с минуса на плюс, то x_0 - точка минимума.

64. Для нахождения наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке $[a, b]$ необходимо:

1) найти критические точки функции в интервале (a, b) ;

2) вычислить значения функции в найденных критических точках;

3) вычислить значения функции на концах отрезка, то есть при $x = a$ и $x = b$;

4) из всех вычисленных значений функции выбрать наибольшее и наименьшее.

65. План исследования свойств функции.

1. Нахождение области определения функции

2. Нули функции

3. Четность, нечетность функции

4. Промежутки знакопостоянства

5. Промежутки возрастания и убывания функции.

6. Выпуклость, вогнутость.

7. Наклонные асимптоты.

66. Первообразной функции $f(x)$ на промежутке $(a; b)$ называется такая функция $F(x)$, что выполняется равенство $F'(x) = f(x)$ для любого x из заданного промежутка.

67. Две различные первообразные одной и той же функции могут отличаться только на постоянное значение.

68. Любая первообразная для функции f на промежутке может быть записана в виде $F(x) + C$, где $F(x)$ — одна из первообразных для функции $f(x)$ на промежутке, а C — произвольная постоянная.

69. 1. Если $F(x)$ -первообразная для $f(x)$, а $H(x)$ -первообразная для $h(x)$, то $F(x) + H(x)$ -первообразная для $f(x) + h(x)$. Иными словами, первообразная суммы равна сумме первообразных. 2. Если $F(x)$ - первообразная для $f(x)$ и k - постоянная, то $kF(x)$ - первообразная для $kf(x)$. Иными словами, постоянный множитель можно вынести за знак первообразной.

3. Если $F(x)$ - первообразная для $f(x)$ и k, b - постоянные, причем $k \neq 0$, то $F(kx+b)$ - первообразная для $f(kx+b)$.

70. Криволинейная трапеция — плоская фигура, ограниченная графиком неотрицательной непрерывной функции, определенной на отрезке $[a; b]$, осью абсцисс и прямыми $x = a$ и $x = b$.

71. $S = \int_a^b f(x) dx$

72. Определённый интеграл является числом, равным пределу сумм особого вида (интегральных сумм). Геометрически определённый интеграл выражает площадь «криволинейной трапеции», ограниченной графиком функции.

73. $\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$

74. Множество M называется упорядоченным, если между его элементами установлено некоторое отношение $a < b$, обладающее следующими свойствами: 1) между любыми двумя элементами a и b существует одно и только одно из трех соотношений: $a = b$, $a < b$, $b < a$; 2) для любых трех элементов a , b и c из $a < b$, $b < c$ следует $a < c$.

75. В комбинаторике перестановкой заданного конечного множества (все элементы различны) называется произвольный упорядоченный набор всех элементов (без повторений).

76. n -факториал ($n!$)

77. $P_n = n!$

78. В комбинаторике размещением (из n по k) называется упорядоченный набор из k различных элементов из некоторого множества различных n элементов.

79. $D_n = \frac{n!}{(n-k)!}$

80. В комбинаторике сочетанием из n по k называется набор из k элементов, выбранных из n -элементного множества, в котором не учитывается порядок элементов.

81. $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$

82. В комбинаторике перестановкой заданного конечного множества (все элементы различны) называется произвольный упорядоченный набор всех элементов (без повторений).

83. В комбинаторике размещением (из n по k) называется упорядоченный набор из k различных элементов из некоторого множества различных n элементов.

84. В комбинаторике сочетанием из n по k называется набор из k элементов, выбранных из n -элементного множества, в котором не учитывается порядок элементов.

85. $(a + b)^n = \sum_{k=0}^n C_n^k a^k b^{n-k}$

86.1) $C_n^m = C_n^{n-m}$ 2) $c^x D^1 = C_n^{x+1} + C_n^x$ 3) $C_n^k + C_n^{k+1} + \dots + C_n^n = 2^n - 1$ 4) $C_n^0 - C_n^1 + \dots + (-1)^n C_n^n = 0$

87. События называются несовместными, если в условиях испытания каждый раз возможно появление только одного из них, т.е. никакие два не могут появиться вместе в этом испытании.

88. Объединением двух событий A и B называется событие C , состоящее в выполнении события A или события B , или обоих событий вместе ($A \cup B$).

89. $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$

90. Пересечением событий A и B называется событие, состоящее из элементарных событий принадлежащих и событию A , и событию B ($A \cap B$).

91. $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$

92. Дополнением события A называют событие, состоящее в не наступлении A (\bar{A}).

93. $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$

94. Два события называют независимыми, если вероятность появления одного из них не зависит от того, произойдет другое событие или нет.

95. Два события называют зависимыми, если вероятность появления одного из них меняется в зависимости от того, произойдет другое событие или нет.

96. Если события A и B независимы, то вероятность их пересечения равна произведению вероятностей событий A и B :

$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$

97. Случайной называется величина, которая в результате опыта может принять то или иное (но только одно) значение.

98. Множество всех значений, которые может принимать случайная величина, называют множеством возможных значений случайной величины.
99. Распределение вероятностей — это закон, описывающий область значений случайной величины и соответствующие вероятности появления этих значений.
100. Биномиальное распределение - это распределение вероятностей, применимое к биномиальным экспериментам. Это количество успехов в определенном количестве попыток.
101. Математическое ожидание — понятие в теории вероятностей, означающее среднее (взвешенное по вероятностям возможных значений) значение случайной величины.
102. Основные понятия.
103. Куб, пирамида, параллелепипед, шар, конус, цилиндр.
104. Прямая пересекает плоскость, если она не лежит в плоскости и не параллельна ей.
105. Плоскости пересекаются, если они не совпадают и у них есть общие точки.
106. Куб, пирамида, параллелепипед, шар, конус, цилиндр, призма, многогранники (тела, ограниченные плоскими многоугольниками).
107. Поверхность многогранника состоит из многоугольников. Их называют гранями.
108. Поверхность многогранника состоит из многоугольников. Стороны многоугольников называются ребрами. Точки соединения ребер - вершины многогранника.
109. Призма, пирамида, тетраэдр, гексаэдр, октаэдр, икосаэдр.
110. 1) прямые пересекаются; 2) прямые параллельны; 3) прямые скрещиваются
111. Прямая параллельна плоскости, если она параллельна прямой, принадлежащей плоскости.
112. Если две пересекающиеся прямые, лежащие в одной плоскости, соответственно параллельны двум прямым, лежащим в другой плоскости, то такие плоскости параллельны.
113. Углом между пересекающимися прямыми, называется наименьший из углов, образованных при пересечении этих прямых.
114. 180^0
115. Угол между скрещивающимися прямыми — это угол между параллельными им прямыми, лежащими в одной плоскости.
116. Если прямая перпендикулярна к двум пересекающимся прямым, лежащим в плоскости, то она перпендикулярна к этой плоскости.
117. Расстоянием от точки до плоскости называют длину перпендикуляра, опущенного из этой точки на плоскость. Расстояние от прямой до параллельной ей плоскости - длина перпендикуляра, опущенного из любой точки этой прямой на плоскость. Расстояние между двумя параллельными плоскостями - это расстояние от точки одной из плоскостей до другой плоскости.
118. Прямая, проведенная в плоскости через основание наклонной перпендикулярно к ее проекции на эту плоскость, перпендикулярна и к самой наклонной.
119. 0^0 ; 0^0 ; 90^0 .
120. Линейным углом двугранного угла называется угол, сторонами которого являются лучи, по которым грани двугранного угла пересекаются плоскостью, перпендикулярной ребру двугранного угла.
121. Величиной двугранного угла называют величину его линейного угла.
122. $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
123. Нулевой вектор (нуль-вектор) — вектор, начало которого совпадает с его концом.
124. Модулем вектора называется длина отрезка, изображающего вектор.
125. Два ненулевых вектора называются коллинеарными, если они лежат на параллельных прямых или на одной прямой.
126. Ненулевые вектора называют равными, если их модули равны и они сонаправлены.
127. $a(x, y)$ Тогда $|a| = \sqrt{x^2 + y^2}$

128

Сложение

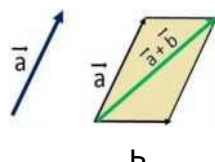
1. Правило треугольника. Если к концу первого вектора поместить начало второго, то суммой называется вектор, идущий из начала первого вектора в конец второго вектора.



MyShared

129

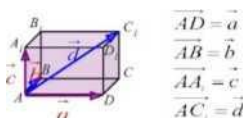
ПРАВИЛО ПАРАЛЛЕЛОГРАММА



130

Правило

Вектор, лежащий на диагонали параллелепипеда, равен сумме векторов, проведенных из той же точки и лежащих на трех измерениях



$$AC = AD + AB + AA_1$$

131 Разностью двух векторов a и b называется такой вектор, сумма которого с вектором b равна вектору a .

132. $A(\rho a) = (\rho A)a$ - сочетательный закон; $(A+\rho)a = Aa + \rho a$ - распределительный закон

133. Перпендикулярные векторы — это векторы, которые образуют прямой угол между собой.

134. Скалярным произведением двух векторов называется число, равное произведению модулей этих векторов на косинус угла между ними.

135. Многогранник или полиэдр — обычно замкнутая поверхность, составленная из многоугольников.

136. Соседние грани - это соседние многоугольники, не лежащие в одной плоскости.

137. Двугранным углом многогранника называется фигура, образованная двумя не принадлежащими одной плоскости полуплоскостями, имеющими общую границу.

138. Многогранник называют выпуклым, если он расположен по одну сторону от плоскости каждой из его граней.

139. Призма — многогранник, две грани которого являются равными многоугольниками, лежащими в параллельных плоскостях, а остальные — параллелограммы, имеющие общие стороны с этими многоугольниками.

140. Высотой призмы называется расстояние между её основаниями.

141. Если боковые ребра перпендикулярны плоскости основания, то призма называется прямой. В противоположном случае - наклонной.

142. Правильная призма - это прямая призма, основанием которой является правильный многоугольник.

143. Диагональным сечением призмы называется её сечение плоскостью, проходящей через два боковых ребра, которые не лежат в одной грани.

144. Сумма площадей ее боковых граней.

145. $S = Ph$, где P - периметр основания, h - высота призмы.

146. Параллелепипедом называется многогранник, поверхность которого состоит из 6 параллелограммов.
147. Грани, не имеющие общих ребер.
148. Параллелепипед называют прямым, если его боковые ребра перпендикулярны к плоскости основания.
149. Параллелепипед называют прямоугольным, если все его грани - прямоугольники.
150. Длина, ширина, высота.
151. $d^2 = a^2 + b^2 + c^2$, где a, b, c - длины его измерений.
152. Квадрат диагонали прямоугольного параллелепипеда равен сумме квадратов его измерений.
153. Пирамида — многогранник, одна из граней которого (называемая основанием) — произвольный многоугольник, а остальные грани (называемые боковыми гранями) — треугольники, имеющие общую вершину.
154. Высота пирамиды - перпендикуляр, опущенный из вершины к плоскости основания.
155. Диагональным сечением пирамиды называется её сечение плоскостью, проходящей через два боковых ребра, которые не лежат в одной грани.
156. Пирамиду называют правильной, если ее основание - правильный многоугольник, а отрезок, соединяющий вершину с центром основания, является ее высотой.
157. Высота боковой грани правильной пирамиды, проведённая к стороне основания называется апофемой правильной пирамиды.
158. Сумма площадей ее боковых граней.
159. Половина произведения периметра основания на апофему.
160. Усечённая пирамида — многогранник, часть пирамиды, заключенная между основанием и плоскостью, параллельной основанию.
161. Боковая грань, верхнее и нижнее основания, боковые ребра, высота.
162. Усечённая пирамида называется правильной, если она получена сечением правильной пирамиды плоскостью, параллельной основанию.
163. Высота боковой грани правильной усеченной пирамиды, проведённая к стороне основания называется апофемой правильной усеченной пирамиды.
164. Сумма площадей ее боковых граней.
165. Произведение полусуммы периметров оснований на апофему.
166. Цилиндр— геометрическое тело, ограниченное цилиндрической поверхностью и двумя параллельными плоскостями, пересекающими её.
167. Боковая поверхность цилиндра - это поверхность, соединяющая края оснований, т.е. окружности.
168. Основания цилиндра - это равные круги, лежащие в параллельных плоскостях.
169. Тела вращения — объёмные тела, возникающие при вращении плоской геометрической фигуры, ограниченной кривой, вокруг оси, лежащей в той же плоскости.
170. Осевое сечение - это сечение цилиндра плоскостью, проходящей через ось цилиндра.
171. Два круга и прямоугольник.
172. $S = 2\pi RH$, где R - радиус основания, H - высота цилиндра.
173. $S_{\text{полн.}} = S_{\text{бок.}} + 2 S_{\text{осн.}}$
174. Конус — поверхность, образованная в пространстве множеством лучей (образующих конуса), соединяющих все точки некоторой плоской кривой (направляющей конуса) с данной точкой пространства (вершиной конуса).
175. Совокупность всех образующих конуса.
176. Основание конуса - круг; ось конуса - прямая, проходящая через центр окружности, перпендикулярно к плоскости; высота конуса - расстояние от вершины до основания конуса.
177. Сечение конуса плоскостью, проходящей через его ось.
178. Развертка конуса состоит из сектора и круга.
179. $S = \pi Rl$, где R - радиус основания, l - образующая.
180. $S = \pi R^2$
181. $S = \pi R(R + l)$, где R - радиус основания, l - образующая.

182. Боковой поверхностью и образующими усечённого конуса считаются части соответственно конической поверхности и её образующих, заключённые между основаниями.
183. Осевое сечение усеченного конуса - это сечение усеченного конуса плоскостью, проходящей через его ось.
184. Площадь боковой поверхности усеченного конуса равна разности площадей боковых поверхностей полного конуса и конуса, отсекаемого плоскостью, параллельной основанию конуса.
185. $S_{бок.} = \pi (R + R_1) l$
186. Сфера — фигура, состоящая из всех точек пространства, удалённых от данной точки на данное расстояние.
187. Радиусом сферы называется отрезок, соединяющий центр сферы и какую-нибудь её точку.
188. $2r$
189. Шар — геометрическое тело; совокупность всех точек пространства, находящихся от центра на расстоянии, не больше заданного.
190. Диаметр шара - это отрезок, вокруг которого вращается полукруг. При этом образуется тело вращения - шар.
191. Объём — количественная характеристика пространства, занимаемого телом или веществом.
192. Измерить, какое пространство занимает многогранник.
193. $V_{призмы} = S_{осн.} \cdot h$
194. $V_{пир.} = \frac{1}{3} S_{осн.} \cdot h$
195. $V_{ус. пир.} = \frac{1}{3} h (S_1 + S_2 + \sqrt{S_1 S_2})$, где S_1, S_2 - площади оснований.
196. $V_{конуса} = \frac{1}{3} \pi R^2 h$, где R - радиус основания, h - высота конуса.
197. $V_{ус. конуса} = \frac{1}{3} \pi h (R_1^2 + R_1 R_2 + R_2^2)$, где h - высота ус. конуса, R_1 и R_2 - радиусы оснований.
198. $S_{ц.} = 2 \pi R h$, где R - радиус основания, h - высота цилиндра.
199. $V_{шара} = \frac{4}{3} \pi R^3$
200. Площадь сферы.
201. $S = 4 \pi R^2$

5.2 Ключи для самостоятельных работ

Самостоятельная работа №1. Развитие понятия о числе.

Вариант 1

- 2,75; - 0,(714285); 0,5(3); - 4,1(6)
- $\frac{26}{55} \frac{27}{55} \frac{28}{55}$
- 2,45 _____
- 1,018 _____
- $y+1$ _____
- я "л" _____
- (- да; +да) _____

Вариант 2

- 3,25; - 0,(461538); 0,(45); - 5,(2)

3. $\frac{7}{9}$
4. 1,005
5. $-1-b$
6. $+1; +\frac{1}{\sqrt{2}}$
7. $(-1; 1] \cup [9; +\infty)$

Самостоятельная работа №2. Функции и графики.

Вариант 1

1. а) - 0,4; б) - 0,75
2. [3; +∞)
3. [4; +∞)
4. а) нечетная; б) ни четная, ни нечетная
5. а) 1,5; б) - 1; в) - 2,5; г) 1; 4; д) 3; - 2,5; е) а = - 2 - один; а = - 1; а = 0; а = 1 - три; а = 2 - два; а = 3 - один
6. а) график сместится вверх по оси ОУ на 2; б) график сместится вправо по оси ОХ на 3

Вариант 2

1. а) - 1; б) - 4
2. [- 4; +∞)
3. [- 1; +∞)
4. а) нечетная; б) ни четная, ни нечетная
5. а) - 2; б) 0; 1,5; 5; в) - 3,5; -1; 2,5; 4; г) 4; - 2; д) [- 2; 4]; е) а = - 2 - один; а = - 1; а = 0; а = 1 - четыре; а = 2; а = 3 - три; а = 4 - один
6. а) график сместится вверх по оси ОУ на 2; б) график сместится вправо по оси ОХ на 3

Самостоятельная работа №3. Корни, степени и логарифмы.

Вариант 1

1. $f(5,6) > f(2,4)$
2. а) 3; б) 6
3. 8
4. а) $a^{\frac{1}{5}}$; б) $b^{\frac{3}{14}}$
5. а) 5; б) 16
6. a^2
7. 4
8. $\frac{1}{m^3}$
9. 3
10. $(\wedge; +\text{да})^{\frac{1}{4}}$
11. $\frac{5}{3}$
12. (4; 6]
13. 1

Вариант 2

1. $f(3,6) > f(1,8)$
2. а) 20; б) $\frac{1}{3}$
3. 32
4. а) $a^{\frac{1}{7}}$; б) $b^{\frac{3}{14}}$

5. а) $\frac{1}{2}$; б) 32

6. a^{-4}

7. -6

8. $\frac{ms}{2}$

9. 6

10. (- да; 1,5)

11. 1,7

12. (-1; 2,5]

13. 1

Самостоятельная работа №4. Основы тригонометрии.

Вариант 1

1. $-7-\sqrt{2}$

2. $\frac{1}{(\cos P)^2}$

3. $\cos a$

4. 0

5. $(-1)^n (-1)^{n+1} \pi n \in \mathbb{Z}$

6. $-\frac{\pi}{3} + 2\pi n < x < \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

Вариант 2

1. $-5-2\sqrt{2}$ “ “

2. $\frac{1}{(\sin a)^2}$ — —

3. $\operatorname{ctg} a$ -----

4. -1

5. $(-1)^n (-1)^{n+1} \pi n \in \mathbb{Z}$ —

6. $-\frac{\pi}{3} + 2\pi n < x < \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

Самостоятельная работа №5. Производная и её применение.

Вариант 1

1. а) x^2+x ; б) $-20x^{-5}$; в) $\frac{4}{(\cos 4x)^2}$

2. 15

3. а) $\frac{3}{\sqrt{6x-7}}$; б) $-\frac{1}{4} \sin \frac{x}{4}$

4. 16 м/с

5. 1

6. 4

Вариант 2

1. а) x^3+x^2 ; б) $-42x^{-7}$; в) $\frac{2}{(\cos 2x)^2}$

2. 4116

3. а) $\frac{4}{3}$; б) $1 \cos -$

4. 22 м/с

5. 10

6. 5

Самостоятельная работа №6. Интеграл и его применение.

Вариант 1

1. а) $\int x^5 + C$; б) $-\cos x + C$; в) $\frac{x^2}{2} + C$

2. (-2; 17)

3. а) 9; б) 0,5

4. 0,5

5. $15\frac{1}{3}$

Вариант 2

1. а) $\int x^6 + C$; б) $\sin x + C$; в) $x^2 + C$

2. (-2; 17)

3. а) 128; б) -1

4. $\frac{4}{3}$

5. 4,5

Самостоятельная работа №7. Комбинаторика.

Вариант 1

1. 120

2. 60

3. 10; 9

4. 16

5. 1386

6. 56

7. $\frac{2^{100}}{2^{100}}$

Вариант 2

1. 120

2. 360

3. 5

4. 12

5. 3276

6. 105

7. $\frac{\pm}{2^{100}}$

Самостоятельная работа №8. Элементы теории вероятностей и математической статистики.

Вариант 1

1. 0

2. 23

3. 0,04

4. 0,25

5. 4

6. 0,375

Вариант 2

1. 0

2. 30

3. 0,1

4. 0,25
5. 4
6. 0,375

Самостоятельная работа №9. Прямые и плоскости в пространстве.

Вариант 1

1. 15
2. 30
3. 7261
4. 726

Вариант 2

1. 14
2. 24
3. 9
4. 7193

Самостоятельная работа №10. Координаты и вектора.

Вариант 1

1. (4; 0; -1); 6
2. (5; -3; -4); (-1; 3; -1)
3. C(4; 10; 3); D(7; 12; 5)
4. а) 2; б) -8,5

Вариант 2

1. (-1; 3; -1); VJQO
2. (7; 1; -2); (6; 3; -4)
3. C(0; 6; 1); O(-1; 1; 1)
4. а) -20; б) 12,5

Самостоятельная работа №11. Многогранники и круглые тела.

Вариант 1

1. 168
2. 48
3. 60
4. 48
5. 1200
6. 168
7. 6
8. $\sqrt[4]{712}$ ₃

Вариант 2

1. 740
2. $\sqrt[12]{7532}$
3. 48
4. 60
5. 150
6. 168
7. 6
8. 9л

6 Ключи для оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

6.1 Ключи к вопросам для экзамена:

1. Функции. Область определения и множество значений функций. Свойства функции. Способы задания функции.

Если каждому элементу x множества X по какому-либо закону f ставится в соответствие единственный элемент y из множества Y , то говорят, что задана функциональная зависимость y от x по закону $y=f(x)$ или функция $y=f(x)$.

При этом x называется независимой переменной _____ (или аргументом) y - зависимой переменной (или значением функции). Множество X называется областью определения функции и обозначается $D(f)$, множество Y называется областью значений функции и обозначается $E(f)$.

Если множество X не оговорено, то под областью определения функции подразумевается область допустимых значений независимой переменной x , при котом формула имеет смысл. Например, для $f(x) = \sqrt{x+10}$ * $f(x) = \sqrt{x+10}$.

Задать функцию- значит, указать закон f или правило, позволяющее, зная x , находить соответствующее значение y .

Способы задания функции:

1. Аналитический- если функция задана с помощью формулы. Наиболее удобный способ для математического анализа, позволяющий исследовать функцию.

2. Табличный- если задана таблица значений функции, соответствующих определенным значением аргумента. Этот способ имеет широкое применение в экономике: экспериментальные измерения, таблицах бухгалтерской отчетности, банковской деятельности, статистических данных и т.п.

3. Графический- если задан график. Этот способ обычно используется с употреблением самопишущих приборов (осциллографы, сейсмографы и т.п.). Основные свойства функций:

Четность и нечетность

Монотонность

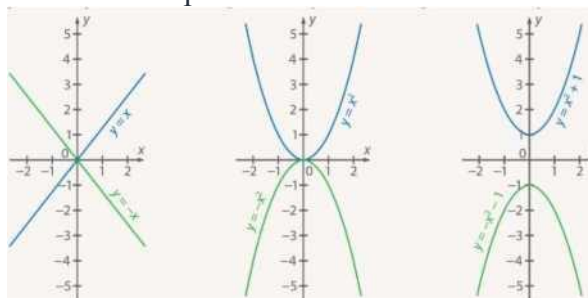
Ограниченность

Периодичность

2. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума функций. Функция называется возрастающей на интервале $[a, b]$, принадлежащем области определения функции, если бОльшим значениям независимой переменной из этого интервала соответствуют бОльшие значения функции. Функция называется убывающей на интервале $[a, b]$, если бОльшим значениям независимой переменной из этого интервала соответствуют меньшие значения функции. Наибольшим значением функции называется самое большое, а наименьшим значением — самое меньшее из всех ее значений. Точку x_2 называют точкой максимума функции $y = f(x)$, если для всех x из ее окрестности справедливо неравенство : $f(x) \leq f(x_2)$. Точку x_2 называют точкой минимума функции $y = f(x)$, если для всех x из ее окрестности справедливо неравенство : $f(x) \geq f(x_2)$.

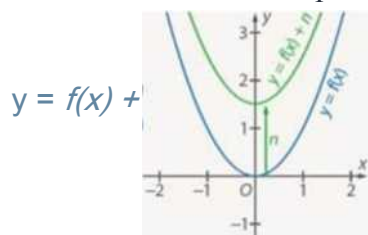
3. Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей

координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой $y = x$, растяжение и сжатие вдоль осей координат Преобразование симметрии - зеркальное отражение относительно прямой. График _____ получается из графика функции _____ преобразованием симметрии относительно оси Y .



Параллельный перенос вдоль оси Oy

График $y = f(x) + n$ получается из графика функции $y = f(x)$ параллельным переносом последнего вдоль оси ординат на n единиц вверх, если $n > 0$, и на $|n|$ единиц вниз, если $n < 0$.



Растяжение от оси Ox и сжатие к оси Ox

Чтобы построить график функции $y = kf(x)$, где $k > 0$ и $k \neq 1$ нужно ординаты точек заданного графика умножить на k . Такое преобразование называется растяжением от оси Ox коэффициентом k , если $k > 1$, и сжатием к оси Ox, если $0 < k < 1$.

Параллельный перенос вдоль оси Ox

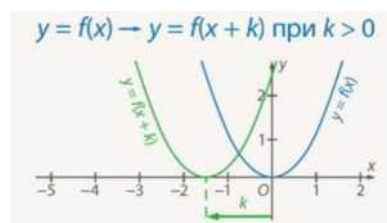


График $y = f(x + k)$ получается из графика функции $y = f(x)$ параллельным

переносом последнего на k единиц влево, если $k > 0$, и на $|k|$ единиц вправо, если $k < 0$.

4. Степени с рациональными показателями, их свойства. Степени с действительными показателями. Свойства степени с действительным показателем.

44. Свойства степеней с действительными показателями. Если $a > 0, b > 0, x, y$ — любые действительные числа, то справедливы следующие свойства:

$$1^\circ. a^x \cdot a^y = a^{x+y}. \quad 4^\circ. a^x \cdot b^x = (ab)^x.$$

$$2^\circ. a^x : a^y = a^{x-y}.$$

$$3^\circ. (a^x)^y = a^{xy}.$$

$$5^\circ. W$$

5. Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами.

Логарифмом положительного числа b по основанию a , где $a > 0, a \neq 1$, называется показатель степени, в которую надо возвести число a , чтобы получить b . Определение логарифма можно кратко записать так:

Это равенство справедливо при $b > 0, a > 0, a \neq 1$. Его обычно называют логарифмическим тождеством.

Свойства логарифмов:

$$\log_a a = 1; \log_a 1 = 0$$

Логарифм произведения:

$$\log_a(bc) = \log_a |b| + \log_a |c| \quad (bc > 0)$$

Логарифм частного от

$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a |b| - \log_a |c| \quad \left(\frac{b}{c} > 0\right)$$

Замена основания

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

Логарифм

$$\log_a (b^p) = p \log_a |b| \quad (b^p > 0)$$

Логарифм

$$\log_a \sqrt[k]{x} = \left(\frac{1}{k}\right) \log_a x$$

Логарифм со степенным основанием:

$$\log_{a^c} b = -\log_a b$$

$$1 < a < b$$

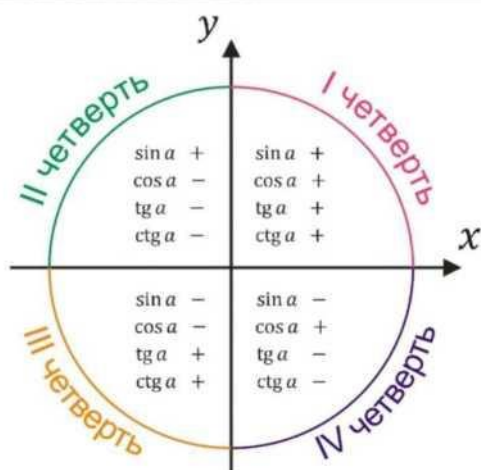
$$\log_{a^c} = -\log_a b$$

$$\log_{a^c} b^k = \log_a b$$

$$\log_{a^c} b = \frac{\log_a b}{\log_a a^c}$$

6. Радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс и котангенс угла. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям.

Радиан — угол, соответствующий дуге, длина которой равна её радиусу. Синусом угла называется ордината точки, косинусом - абсцисса точки, тангенсом - отношение ординаты



точки к её абсциссе.

7. Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Свойства функции	Функция	
	$y = \sin x$	$y = \cos x$
Область определения	$D(\sin x) = \mathbb{R}$	$D(\cos x) = \mathbb{R}$
Множество значений	$E(\sin x) = [-1; 1]$	$E(\cos x) = [-1; 1]$
Четность или нечетность	Нечетная $\sin(-x) = -\sin x$	Четная $\cos(-x) = \cos x$
Периодичность	Период $T = 2\pi$, $\sin(x + 2\pi) = \sin x$, $n \in \mathbb{Z}$.	Период $T = 2\pi$, $\cos(x + 2\pi) = \cos x$, $n \in \mathbb{Z}$.
Промежутки возрастания	$[-\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n]$, $n \in \mathbb{Z}$.	$[\pi + 2\pi n; 2\pi + 2\pi n]$, $n \in \mathbb{Z}$.
Промежутки убывания	$[\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{3\pi}{2} + 2\pi n]$, $n \in \mathbb{Z}$.	$[2\pi n; \pi + 2\pi n]$, $n \in \mathbb{Z}$.
Достижение наибольшего значения	$y = 1$ при $x = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$.	$y = 1$ при $x = 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$.
Достижение наименьшего значения	$y = -1$ при $x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$.	$y = -1$ при $x = \pi + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$.
Интервалы положительных значений	$y > 0$ при $x \in (2\pi n; \pi + 2\pi n)$, $n \in \mathbb{Z}$.	$y > 0$ при $x \in (2\pi n; \pi + 2\pi n)$, $n \in \mathbb{Z}$.
Интервалы отрицательных значений	$y < 0$ при $x \in (\pi + 2\pi n; 2\pi + 2\pi n)$, $n \in \mathbb{Z}$.	$y < 0$ при $x \in (\pi + 2\pi n; 2\pi + 2\pi n)$, $n \in \mathbb{Z}$.
Нули функции	$y = 0$ при $x = \pi n$, $n \in \mathbb{Z}$.	$y = 0$ при $x = \pi n$, $n \in \mathbb{Z}$.
Производная	$(\sin x)' = \cos x$	$(\cos x)' = -\sin x$

8. Производная. Понятие о производной функции, ее геометрический и физический смысл.

ФИЗИЧЕСКИЙ СМЫСЛ ПРОИЗВОДНОЙ

$v(t) = s'(t)$

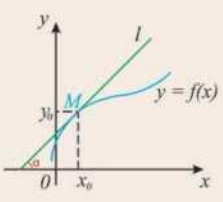
Скорость - первая производная пути во времени

$a(t) = v'(t) = s''(t)$

Ускорение - вторая производная пути во времени

ГЕОМЕТРИЧЕСКИЙ СМЫСЛ ПРОИЗВОДНОЙ

$y = f(x)$ - заданная функция
 l - касательная, n - нормаль, $l \perp n$
 $M(x_0, y_0)$ - точка касания
 α - угол наклона касательной
 $k = \operatorname{tg} \alpha \Rightarrow \alpha = \operatorname{arctg} k$
 $k = f'(x_0)$ - угловой коэффициент касательной



$y = f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0)$ - уравнение касательной

$y = f(x_0) - \frac{1}{f'(x_0)}(x - x_0)$ - уравнение нормали

9. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.

Необходимый признак экстремума функции.

Если x_0 точка экстремума $f(x)$, то :

- 1) либо не существует $f'(x_0)$
- 2) либо $f'(x_0)=0$

Теорема. (Необходимое условие существования экстремума.) Если дифференцируемая функция $y=f(x)$ имеет в точке $x=x_0$ экстремум, то ее производная в этой точке обращается в нуль.

Теорема: Первый достаточный признак экстремума функции.

Если $f(x)>0$ на интервале $(x_0-\delta, x_0)$ и $f(x)<0$ на интервале $(x_0, x_0+\delta)$ т.е. меняет знак с плюса на минус при переходе на точку x_0 , т.е. x_0 - точка максимума $f(x)$, а если же меняет знак с минуса на плюс, то x_0 - точка минимума.

Для нахождения наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке $[a, b]$ необходимо:

- 1) найти критические точки функции в интервале (a, b) ;
- 2) вычислить значения функции в найденных критических точках;
- 3) вычислить значения функции на концах отрезка, то есть при $x=a$ и $x=b$;
- 4) из всех вычисленных значений функции выбрать наибольшее и наименьшее.

План исследования свойств функции.

1. Нахождение области определения функции
2. Нули функции
3. Четность, нечетность функции
4. Промежутки знакопостоянства
5. Промежутки возрастания и убывания функции.
6. Выпуклость, вогнутость.
7. Наклонные асимптоты.

10. Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции.

Формула Ньютона—Лейбница. Применения интеграла в физике и геометрии.

Криволинейная трапеция — плоская фигура, ограниченная графиком неотрицательной непрерывной функции, определенной на отрезке $[a; b]$, осью абсцисс и прямыми $x=a$ и $x=b$.

Определённый интеграл является числом, равным пределу сумм особого вида (интегральных сумм). Геометрически определённый интеграл выражает площадь «криволинейной трапеции», ограниченной графиком функции.

$$S = \int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$$

Данная формула носит название формулы Ньютона—Лейбница.

11. Основные понятия комбинаторики. Подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний.

В комбинаторике перестановкой заданного конечного множества (все элементы различны) называется произвольный упорядоченный набор всех элементов (без повторений).

$$P_n = n!$$

В комбинаторике размещением (из n по k) называется упорядоченный набор из k различных элементов из некоторого множества различных n элементов.

$$A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$$

В комбинаторике сочетанием из n по k называется набор из k элементов, выбранных из n -элементного множества, в котором не учитывается порядок элементов.

$$C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

12. Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей.

События называются несовместными, если в условиях испытания каждый раз возможно появление только одного из них, т.е. никакие два не могут появиться вместе в этом испытании.

Объединением двух событий A и B называется событие C , состоящее в выполнении события A или события B , или обоих событий вместе ($A \cup B$).

$$P(A+B) = P(A)+P(B)$$

Пересечением событий A и B называется событие, состоящее из элементарных событий принадлежащих и событию A , и событию B ($A \cap B$).

$$P(A \text{ и } B) = P(A) + P(B) - P(A)P(B).$$

Дополнением события A называют событие, состоящее в не наступлении A (\bar{A}). $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$

Два события называют независимыми, если вероятность появления одного из них не зависит от того, произойдет другое событие или нет.

Два события называют зависимыми, если вероятность появления одного из них меняется в зависимости от того, произойдет другое событие или нет.

Если события A и B независимы, то вероятность их пересечения равна произведению вероятностей событий A и B :

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

13. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Перпендикулярность прямой и плоскости.

Взаимное расположение двух прямых в пространстве: 1) прямые пересекаются; 2) прямые параллельны; 3) прямые скрещиваются.

Прямая параллельна плоскости, если она параллельна прямой, принадлежащей плоскости.

Если две пересекающиеся прямые, лежащие в одной плоскости, соответственно параллельны двум прямым, лежащим в другой плоскости, то такие плоскости параллельны.

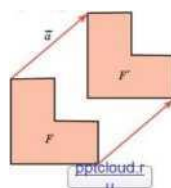
Углом между пересекающимися прямыми, называется наименьший из углов, образованных при пересечении этих прямых. Если прямая перпендикулярна к двум пересекающимся прямым, лежащим в плоскости, то она перпендикулярна к этой плоскости. Расстоянием от точки до плоскости называют длину перпендикуляра, опущенного из этой точки на плоскость. Расстояние от прямой до параллельной ей плоскости - длина перпендикуляра, опущенного из любой точки этой прямой на плоскость. Расстояние между двумя параллельными плоскостями - это расстояние от точки одной из плоскостей до другой плоскости.

14. Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости. Параллельное проектирование

Параллельный перенос

Преобразование пространства, при котором точки A переходят в точки A' так, что векторы AA' равны заданному вектору \vec{a} , называется **параллельным переносом** на вектор \vec{a} .

Говорят, что фигура F' получается параллельным переносом фигуры F на вектор \vec{a} , если все точки фигуры F' получаются всевозможными параллельными переносами точек фигуры F на вектор \vec{a} .



Преобразование пространства, при котором каждая точка пространства отображается на точку, симметричную ей относительно плоскости π , называется симметрией пространства относительно плоскости π . Плоскость π называется плоскостью симметрии.

15. Понятие вектора. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов. Вектором называется направленный отрезок.

Модулем вектора называется длина отрезка, изображающего вектор.

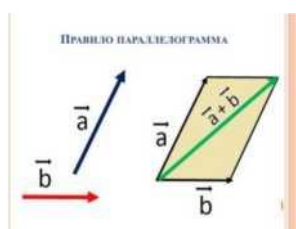
Два ненулевых вектора называются коллинеарными, если они лежат на параллельных прямых или на одной прямой.

Ненулевые вектора называют равными, если их модули равны и они сонаправлены.

а (x,y) Тогда $|a| = \sqrt{x^2 + y^2}$

Сложение векторов

- 1. Правило треугольника. Если к концу первого вектора поместить начало второго, то суммой называется вектор, идущий из начала первого вектора в конец второго вектора.



MyShared

Разностью двух векторов a и b называется такой вектор, сумма которого с вектором b равна вектору a .

λa — сочетательный закон; $(\lambda + \mu)a = \lambda a + \mu a$ — распределительный закон
Перпендикулярные векторы — это векторы, которые образуют прямой угол между собой.
Скалярным произведением двух векторов называется число, равное произведению модулей этих векторов на косинус угла между ними.

16. Прямая и наклонная призма. Правильная призма.

Призма — многогранник, две грани которого являются равными многоугольниками, лежащими в параллельных плоскостях, а остальные — параллелограммы, имеющие общие стороны с этими многоугольниками. Высотой призмы называется расстояние между её основаниями.

Если боковые ребра перпендикулярны плоскости основания, то призма называется прямой. В противоположном случае — наклонной.

Правильная призма — это прямая призма, основанием которой является правильный многоугольник.

Диагональным сечением призмы называется её сечение плоскостью, проходящей через два боковых ребра, которые не лежат в одной грани.

17. Параллелепипед. Куб.

Параллелепипедом называется многогранник, поверхность которого состоит из 6 параллелограммов. Параллелепипед называют прямым, если его боковые ребра перпендикулярны к плоскости основания. Параллелепипед называют прямоугольным, если все

его грани - прямоугольники. Квадрат диагонали прямоугольного параллелепипеда равен сумме квадратов его измерений.

$d^2 = a^2 + b^2 + c^2$, где a, b, c - длины его измерений.

Частным случаем параллелепипеда является куб. Поверхность куба состоит из шести квадратов.

18. Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр.

Пирамида — многогранник, одна из граней которого (называемая основанием) — произвольный многоугольник, а остальные грани (называемые боковыми гранями) — треугольники, имеющие общую вершину.

Высота пирамиды - перпендикуляр, опущенный из вершины к плоскости основания.

Диагональным сечением пирамиды называется её сечение плоскостью, проходящей через два боковых ребра, которые не лежат в одной грани.

Пирамиду называют правильной, если ее основание - правильный многоугольник, а отрезок, соединяющий вершину с центром основания, является ее высотой.

Высота боковой грани правильной пирамиды, проведённая к стороне основания называется апофемой правильной пирамиды.

Усечённая пирамида — многогранник, часть пирамиды, заключенная между основанием и плоскостью, параллельной основанию.

Усечённая пирамида называется правильной, если она получена сечением правильной пирамиды плоскостью, параллельной основанию.

Высота боковой грани правильной усеченной пирамиды, проведённая к стороне основания называется апофемой правильной усеченной пирамиды.

19. Цилиндр и конус. Усеченный конус. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.

Цилиндр— геометрическое тело, ограниченное цилиндрической поверхностью и двумя параллельными плоскостями, пересекающими её.

Боковая поверхность цилиндра - это поверхность, соединяющая края оснований, т.е. окружности. Основания цилиндра - это равные круги, лежащие в параллельных плоскостях.

Осевое сечение - это сечение цилиндра плоскостью, проходящей через ось цилиндра.

$S = 2\pi RH$, где R - радиус основания, H - высота цилиндра.

$S_{\text{полн.}} = S_{\text{бок.}} + 2 S_{\text{осн.}}$

Конус — поверхность, образованная в пространстве множеством лучей (образующих конуса), соединяющих все точки некоторой плоской кривой (направляющей конуса) с данной точкой пространства (вершиной конуса). Основание конуса - круг; ось конуса - прямая, проходящая через центр окружности, перпендикулярно к плоскости; высота конуса - расстояние от вершины до основания конуса.

$S = \pi R(l + R)$, где R - радиус основания, l - образующая.

Боковой поверхностью и образующими усечённого конуса считаются части соответственно конической поверхности и её образующих, заключённые между основаниями.

Осевое сечение усеченного конуса - это сечение усеченного конуса плоскостью, проходящей через его ось.

Площадь боковой поверхности усеченного конуса равна разности площадей боковых поверхностей полного конуса и конуса, отсекаемого плоскостью, параллельной основанию конуса.

20. Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере.

Сфера — фигура, состоящая из всех точек пространства, удалённых от данной точки на данное расстояние.

Радиусом сферы называется отрезок, соединяющий центр сферы и какую-нибудь её точку.

Шар — геометрическое тело; совокупность всех точек пространства, находящихся от центра на расстоянии, не больше заданного.

Диаметр шара - это отрезок, вокруг которого вращается полукруг. При этом образуется тело вращения - шар.

Касательной плоскостью к сфере называется плоскость, имеющая со сферой единственную общую точку.

21. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса.

Объем — количественная характеристика пространства, занимаемого телом или веществом.

У призмы = $3 \text{осн} \cdot \text{H}$

У пир. = $\frac{1}{3} \text{осн} \cdot \text{H}$

У ус. пир. = $\frac{1}{3} \text{H} (S_1 + S_2 + \sqrt{S_1 S_2})$, где S_1, S_2 - площади оснований.

У конуса = $\frac{1}{3} \pi R^2 \text{H}$, где R - радиус основания, H - высота конуса.

У ус. конуса = $\frac{1}{3} \pi \text{H} (R_1^2 + R_1 R_2 + R_2^2)$, где H - высота ус. конуса, R_1 и R_2 - радиусы оснований.

Уц. = $2 \pi R \text{H}$, где R - радиус основания, H - высота цилиндра.

22. Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы.

У шара = $\frac{4}{3} \pi R^3$

$S = 4 \pi R^2$ - формула площади сферы.

$S = \pi R(l + R)$, где R - радиус основания, l - образующая - формула площади поверхности конуса.

Сполн. = $S_{\text{бок.}} + 2 S_{\text{осн.}}$ - формула площади поверхности цилиндра.

6.2 Примеры заданий для контрольной работы

Вариант 1

1. $(0,75; 1)$

2. $\frac{3a^5}{4b^4}$

3. -8

4. $[-1; 1]$

5. $[-2; 0]$

6. ни четная, ни нечетная

7. $a^{0,5} b^{0,5}$

8. $\frac{2}{3}; -1$

9. 2

10. $0,0016$

11. $12,5$

12. 11

13. 8

Вариант 2

1. $(0,5; 0,75)$

2. $\frac{3a^8}{5b^4}$

3. 8

4. $(-\infty; -\sqrt{6}) \cup (\sqrt{6}; +\infty)$

5. $(-\infty; -2] \cup [0; +\infty)$

6. четная
7. $(-2)^{0,25}$
8. 11
9. 5
10. 0,0081
11. 12,5
12. 1
13. 2,4

6.3 Ключи для разноуровневых задач и заданий

Вариант 1

Часть 1

1. 0,41
2. 11
3. $(-1; 0) \cup (1; +\infty)$
4. 6
5. Наибольшее «18»; наименьшее «- 2»
6. x^3
7. 10
8. $+\sqrt{2}; +\frac{1}{\sqrt{2}}$

Часть 2

9. 4,5
10. 1
11. нет решений
12. 0

Часть 3.

13. $(-5; 1)$

Вариант 2

Часть 1

1. 1,24
2. 4
3. $(-0; -1) \cup (0; 1)$
4. 0
5. Наибольшее «18»; наименьшее «- 2»
6. x^6
7. $\sqrt{90}$
8. $+\sqrt{2}; +\frac{1}{\sqrt{2}}$

Часть 2

9. 4,5
10. 0,32
11. 3; -3
12. 3

Часть 3

13. $(-5; 1)$